

# Sprachebenen und Material zu *Die Macht der Abstraktion*

Version 4.1.5

March 21, 2009

Note: This is documentation for the teachpacks that go with the German textbook *Die Macht der Abstraktion*.

Das Material in diesem Handbuch ist für die Verwendung mit dem Buch *Die Macht der Abstraktion* gedacht.

# Contents

<b>1 Die Macht der Abstraktion - Anfänger</b>	<b>3</b>
1.1 Definitionen	6
1.2 Record-Typ-Definitionen	6
1.3 Prozedurapplikation	6
1.4 #t and #f	7
1.5 lambda	7
1.6 Bezeichner	7
1.7 cond	7
1.8 if	8
1.9 and	8
1.10 or	8
1.11 let, letrec und let*	8
1.12 begin	9
1.13 Verträge	9
1.13.1 define-contract	9
1.13.2 Vertragserklärung	10
1.13.3 predicate	11
1.13.4 one-of	11
1.13.5 mixed	11
1.13.6 Prozedur-Vertrag	12
1.13.7 property	12
1.13.8 list	12
1.13.9 Vertrags-Variablen	12
1.13.10 combined	13

1.14	Testfile . . . . .	13
1.15	Parametrische Record-Typ-Definitionen . . . . .	13
1.16	Primitive Operationen . . . . .	14
<b>2</b>	<b>Die Macht der Abstraktion</b>	<b>23</b>
2.1	Primitive Operationen . . . . .	26
<b>3</b>	<b>Die Macht der Abstraktion mit Zuweisungen</b>	<b>36</b>
3.1	define-record-procedures-2 . . . . .	39
3.2	define-record-procedures-parametric-2 . . . . .	40
3.3	set! . . . . .	40
3.4	Primitive Operationen . . . . .	40
<b>4</b>	<b>Die Macht der Abstraktion fortgeschritten</b>	<b>50</b>
4.1	Quote-Literal . . . . .	53
4.2	Vertrge . . . . .	54
4.3	Primitive Operationen . . . . .	54
<b>5</b>	<b>Konstruktionsanleitungen 1 bis 10</b>	<b>64</b>
5.1	Konstruktion von Prozeduren . . . . .	66
5.2	Fallunterscheidung . . . . .	66
5.3	zusammengesetzte Daten . . . . .	67
5.4	zusammengesetzte Daten als Argumente . . . . .	67
5.5	zusammengesetzte Daten als Ausgabe . . . . .	68
5.6	gemischte Daten . . . . .	68
5.7	Listen . . . . .	69
5.8	natrliche Zahlen . . . . .	69

5.9	Prozeduren mit Akkumulatoren . . . . .	70
5.10	gekapselter Zustand . . . . .	71
<b>6</b>	<b>Bilder konstruieren: "image.ss"</b>	<b>73</b>
6.1	Bilder . . . . .	73
6.2	Modi und Farben . . . . .	73
6.3	Einfache geometrische Figuren . . . . .	74
6.4	Eigenschaften von Bildern . . . . .	75
6.5	Bilder zusammensetzen . . . . .	76
<b>7</b>	<b>Animationen: "world.ss"</b>	<b>78</b>
<b>8</b>	<b>Turtle-Grafik: "turtle.ss"</b>	<b>80</b>
8.1	Tutorial . . . . .	80
8.1.1	Verbesserungen . . . . .	83
8.2	Prozeduren . . . . .	84
<b>9</b>	<b>Abspielen von Audio-Dateien: "sound.ss"</b>	<b>86</b>
<b>10</b>	<b>3D-Liniengraphik: "line3d.ss"</b>	<b>87</b>
10.1	Szenen erzeugen . . . . .	87
10.2	3D-Vektoren . . . . .	87
10.3	4D-Vektoren . . . . .	89
10.4	4x4 Matrizen . . . . .	90
10.5	3d-Linien . . . . .	92
<b>11</b>	<b>DMdA: Sprachen als Libraries</b>	<b>93</b>
11.1	<i>Die Macht der Abstraktion</i> - Anfänger . . . . .	93

11.2 <i>Die Macht der Abstraktion</i> . . . . .	93
11.3 <i>Die Macht der Abstraktion mit Zuweisungen</i> . . . . .	93
11.4 <i>Die Macht der Abstraktion - fortgeschritten</i> . . . . .	93
<b>Index</b>	<b>94</b>

# 1 Die Macht der Abstraktion - Anfänger

This is documentation for the language level *Die Macht der Abstraktion - Anfänger* to go with the German textbook *Die Macht der Abstraktion*.

```
program = def-or-expr ...

def-or-expr = definition
            | expr
            | test-case

definition = (define id expr)
            | (define-record-procedures id id id (id ...))
            | (define-record-procedures-parametric (id id ...) id id (id ...))
            | (define-contract id contract)
            | (: id contract)

expr = (expr expr ...) ; Prozedurapplikation
      | #t
      | #f
      | number
      | string
      | (lambda (id ...) expr)
      | id ; Bezeichner
      | (cond (expr expr) (expr expr) ...)
      | (cond (expr expr) ... (else expr))
      | (if expr expr)
      | (and expr ...)
      | (or expr ...)
      | (let ((id expr) ...) expr)
      | (letrec ((id expr) ...) expr)
      | (let* ((id expr) ...) expr)
      | (begin expr expr ...)

contract = id
         | (predicate expr)
         | (one-of expr ...)
         | (mixed contract ...)
         | (contract ... -> contract) ; Prozedur-Vertrag
         | (list contract)
         | %a %b %c ; Vertrags-Variable
         | (combined contract ...)
         | (property expr contract)

test-case = (check-expect expr expr)
```

```
| (check-within expr expr expr)  
| (check-error expr expr)
```

```
package = (string string number number)
```

Ein *id* ist eine Folge von Zeichen, die weder Leerzeichen noch eins der folgenden Zeichen enthält:

```
" , ' ( ) [ ] { } | ; #
```

Ein *number* ist eine Zahl wie z.B. 123, 3/2 oder 5.5.

Ein *string* ist eine Zeichenkette, und durch ein Paar von `"` umschlossen. So sind z.B. "abcdef", "This is a string" und "Dies ist eine Zeichenkette, die \" enthält." Zeichenketten.

### Zahlen

```
* : (number number number ... -> number)  
+ : (number number number ... -> number)  
- : (number number ... -> number)  
/ : (number number number ... -> number)  
< : (real real real ... -> boolean)  
<= : (real real real ... -> boolean)  
= : (number number number ... -> boolean)  
> : (real real real ... -> boolean)  
>= : (real real real ... -> boolean)  
abs : (real -> real)  
acos : (number -> number)  
angle : (number -> real)  
asin : (number -> number)  
atan : (number -> number)  
ceiling : (real -> integer)  
complex? : (%a -> boolean)  
cos : (number -> number)  
current-seconds : (-> natural)  
denominator : (rational -> natural)  
even? : (integer -> boolean)  
exact->inexact : (number -> number)  
exact? : (number -> boolean)  
exp : (number -> number)  
expt : (number number -> number)  
floor : (real -> integer)  
gcd : (natural natural ... -> natural)  
imag-part : (number -> real)  
inexact->exact : (number -> number)  
inexact? : (number -> boolean)  
integer? : (%a -> boolean)
```

```

lcm : (natural natural ... -> natural)
log : (number -> number)
magnitude : (number -> real)
make-polar : (real real -> number)
max : (real real ... -> real)
min : (real real ... -> real)
modulo : (integer integer -> integer)
natural? : (%a -> boolean)
negative? : (number -> boolean)
number->string : (number -> string)
number? : (%a -> boolean)
numerator : (rational -> integer)
odd? : (integer -> boolean)
positive? : (number -> boolean)
quotient : (integer integer -> integer)
random : (natural -> natural)
rational? : (%a -> boolean)
real-part : (number -> real)
real? : (%a -> boolean)
remainder : (integer integer -> integer)
round : (real -> integer)
sin : (number -> number)
sqrt : (number -> number)
string->number : (string -> (mixed number (one-of #f)))
tan : (number -> number)
zero? : (number -> boolean)

```

#### **boolesche Werte**

```

boolean=? : (boolean boolean -> boolean)
boolean? : (%a -> boolean)
false? : (%a -> boolean)
not : (boolean -> boolean)
true? : (%a -> boolean)

```

#### **Listen**

```

empty : list
empty? : (%a -> boolean)

```

#### **Schokokekse**

```

chocolate-cookie-chocolate : (chocolate-cookie -> number)
chocolate-cookie-cookie : (chocolate-cookie -> number)
chocolate-cookie? : (%a -> boolean)
make-chocolate-cookie : (number number -> chocolate-cookie)

```

#### **Zeichenketten**

```

string->strings-list : (string -> (list string))
string-append : (string string ... -> string)
string-length : (string -> natural)
string<=? : (string string string ... -> boolean)
string<? : (string string string ... -> boolean)

```

```
string=? : (string string string ... -> boolean)
string>=? : (string string string ... -> boolean)
string>? : (string string string ... -> boolean)
string? : (%a -> boolean)
strings-list->string : ((list string) -> string)
```

#### **Symbole**

```
symbol->string : (symbol -> string)
```

#### **Verschiedenes**

```
violation : (string -> unspecified)
write-newline : (-> unspecified)
write-string : (string -> unspecified)
```

## **1.1 Definitionen**

---

```
(define id expr)
```

Diese Form ist eine Definition, und bindet *id* als globalen Namen an den Wert von *expr*.

## **1.2 Record-Typ-Definitionen**

---

```
(define-record-procedures t c p (s1 ...))
```

Die `define-record-procedures`-Form ist eine Definition für einen neuen Record-Typ. Dabei ist *t* der Name des Record-Vertrags, *c* der Name des Konstruktors, *p* der Name des Prädikats, und die *si* sind die Namen der Selektoren.

## **1.3 Prozedurapplikation**

---

```
(expr expr ...)
```

Dies ist eine Prozeduranwendung oder Applikation. Alle *exprs* werden ausgewertet: Der Operator (also der erste Ausdruck) muß eine Prozedur ergeben, die genauso viele Argumente akzeptieren kann, wie es Operanden, also weitere *exprs* gibt. Die Anwendung wird dann ausgewertet, indem der Rumpf der Applikation ausgewertet wird, nachdem die Parameter der Prozedur durch die Argumente, also die Werte der Operanden ersetzt wurden.

## 1.4 #t and #f

`#t` ist das Literal für den booleschen Wert "wahr", `#f` das Literal für den booleschen Wert "falsch".

## 1.5 lambda

---

```
(lambda (id ...) expr)
```

Ein Lambda-Ausdruck ergibt bei der Auswertung eine neue Prozedur.

## 1.6 Bezeichner

---

*id*

Eine Variable bezieht sich auf die, von innen nach außen suchend, nächstgelegene Bindung durch `lambda`, `let`, `letrec`, oder `let*`. Falls es keine solche lokale Bindung gibt, muß es eine Definition oder eine eingebaute Bindung mit dem entsprechenden Namen geben. Die Auswertung des Namens ergibt dann den entsprechenden Wert.

## 1.7 cond

---

```
(cond (expr expr) ... (expr expr))
```

Ein `cond`-Ausdruck bildet eine Verzweigung, die aus mehreren Zweigen besteht. Jeder Zweig besteht aus einem Test und einem Ausdruck. Bei der Auswertung werden die Zweige nacheinander abgearbeitet. Dabei wird jeweils zunächst der Test ausgewertet, der jeweils einen booleschen Wert ergeben müssen. Beim ersten Test, der `#t` ergibt, wird der Wert des Ausdrucks des Zweigs zum Wert der gesamten Verzweigung. Wenn kein Test `#t` ergibt, wird das Programm mit einer Fehlermeldung abgebrochen.

---

```
(cond (expr expr) ... (else expr))
```

Die Form des `cond`-Ausdrucks ist ähnlich zur vorigen, mit der Ausnahme, daß in dem Fall, in dem kein Test `#t` ergibt, der Wert des letzten Ausdruck zum Wert der `cond`-Form wird.

---

`else`

Das Schlüsselwort `else` kann nur in `cond` benutzt werden.

## 1.8 if

---

```
(if expr expr expr)
```

Eine `if`-Form ist eine binäre Verzweigung. Bei der Auswertung wird zunächst der erste Operand ausgewertet (der Test), der einen booleschen Wert ergeben muß. Ergibt er `#t`, wird der Wert des zweiten Operanden (die Konsequente) zum Wert der `if`-Form, bei `#f` der Wert des dritten Operanden (die Alternative).

## 1.9 and

---

```
(and expr ...)
```

Bei der Auswertung eines `and`-Ausdrucks werden nacheinander die Operanden (die booleschen Werte ergeben müssen) ausgewertet. Ergibt einer `#f`, ergibt auch der `and`-Ausdruck `#f`; wenn alle Operanden `#t` ergeben, ergibt auch der `and`-Ausdruck `#t`.

## 1.10 or

---

```
(or expr ...)
```

Bei der Auswertung eines `or`-Ausdrucks werden nacheinander die Operanden (die booleschen Werte ergeben müssen) ausgewertet. Ergibt einer `#t`, ergibt auch der `or`-Ausdruck `#t`; wenn alle Operanden `#f` ergeben, ergibt auch der `or`-Ausdruck `#f`.

## 1.11 let, letrec und let\*

---

```
(let ((id expr) ...) expr)
```

Bei einem `let`-Ausdruck werden zunächst die `exprs` aus den `(id expr)`-Paaren ausgewertet. Ihre Werte werden dann im Rumpf-`expr` für die Namen `id` eingesetzt. Dabei können sich die Ausdrücke nicht auf die Namen beziehen.

```
(define a 3)
(let ((a 16)
```

```
(b a))
(+ b a))
=> 19
```

Das Vorkommen von `a` in der Bindung von `b` bezieht sich also auf das `a` aus der Definition, nicht das `a` aus dem `let`-Ausdruck.

---

```
(letrec ((id expr) ...) expr)
```

Ein `letrec`-Ausdruck ist hnlich zum entsprechenden `let`-Ausdruck, mit dem Unterschied, daβ sich die `exprs` aus den Bindungen auf die gebundenen Namen beziehen drfen.

---

```
(let* ((id expr) ...) expr)
```

Ein `let*`-Ausdruck ist hnlich zum entsprechenden `let`-Ausdruck, mit dem Unterschied, daβ sich die `exprs` aus den Bindungen auf die Namen beziehen drfen, die jeweils vor dem `expr` gebunden wurden. Beispiel:

```
(define a 3)
(let* ((a 16)
      (b a))
  (+ b a))
=> 32
```

Das Vorkommen von `a` in der Bindung von `b` bezieht sich also auf das `a` aus dem `let*`-Ausdruck, nicht das `a` aus der globalen Definition.

## 1.12 begin

---

```
(begin expr expr ...)
```

Bei der Auswertung eines `begin`-Ausdrucks werden nacheinander die Operanden ausgewertet. Der Wert des letzten Ausdrucks wird der Wert des `begin`-Ausdrucks.

## 1.13 Vertrge

### 1.13.1 define-contract

---

```
(define-contract id contract)
```

---

```
(define-contract (id p1 ...) contract)
```

Die erste Form fhrt einen neuen Vertrag ein: sie bindet den Namen *id* an den Vertrag *contract*.

Die zweite Form fhrt einen *parametrischen Vertrag* (wie `list`) ein, der ber die Parameter *p1* ... abstrahiert. Der parametrische Vertrag kann dann als `(id a1 ...)` verwendet werden, wobei in *contract* fr die Parameter *p1* ... die *a1* ... eingesetzt werden.

### 1.13.2 Vertragserklrung

---

```
(: id contract)
```

Diese Form erklrt *contract* zum gltigen Vertrag fr *id*.

---

`number`

Vertrag fr beliebige Zahlen.

---

`real`

Vertrag fr reelle Zahlen.

---

`rational`

Vertrag fr rationale Zahlen.

---

`integer`

Vertrag fr ganze Zahlen.

---

`natural`

Vertrag fr ganze, nichtnegative Zahlen.

---

`boolean`

Vertrag fr boolesche Werte.

---

`true`

Vertrag fr `\scheme[#t]`.

---

`false`

Vertrag fr `\scheme[#f]`.

---

`string`

Vertrag fr Zeichenketten.

---

`empty-list`

Vertrag fr die leere Liste.

---

### 1.13.3 predicate

---

`(predicate expr)`

Bei diesem Vertrag muß *expr* als Wert ein Prdikat haben, also eine Prozedur, die einen beliebigen Wert akzeptiert und entweder `#t` oder `#f` zurckgibt. Der Vertrag ist dann fr einen Wert gltig, wenn das Prdikat, darauf angewendet, `#t` ergibt.

### 1.13.4 one-of

---

`(one-of expr ...)`

Dieser Vertrag ist fr einen Wert gltig, wenn er gleich dem Wert eines der *expr* ist.

### 1.13.5 mixed

---

`(mixed contract ...)`

Dieser Vertrag ist fr einen Wert gltig, wenn er fr einen der Vertrge *contract* gltig ist.

### 1.13.6 Prozedur-Vertrag

---

->

---

`(contract ... -> contract)`

Dieser Vertrag ist dann für einen Wert gültig, wenn dieser eine Prozedur ist. Er erklärt außerdem, daß die Verträge vor dem `->` für die Argumente der Prozedur gelten und der Vertrag nach dem `->` für den Rückgabewert. }

### 1.13.7 property

---

`(property expr contract)`

Dieser Vertrag ist für ein Objekt `obj` gültig, wenn der Vertrag `contract` für `(expr obj)` gültig ist.

(In der Regel ist `expr` ein Record-Selektor `s`. In dem Fall ist der Vertrag `(property s c)` für alle Records gültig, bei denen der Wert des zu `s` gehörigen Felds den Vertrag `c` erfüllt.)

### 1.13.8 list

---

`(list contract)`

Dieser Vertrag ist dann für einen Wert gültig, wenn dieser eine Liste ist, für dessen Elemente `contract` gültig ist.

### 1.13.9 Vertrags-Variablen

---

`%a`

---

`%b`

---

`%c`

---

...

Dies ist eine Vertragsvariable: sie steht für einen Vertrag, der für jeden Wert gültig ist.

### 1.13.10 combined

---

(combined *contract* ...)

Dieser Vertrag ist für einen Wert gültig, wenn er für alle der Verträge *contract* gültig ist.

## 1.14 Testfile

---

(check-expect *expr expr*)

Dieser Testfall überprüft, ob der erste *expr* den gleichen Wert hat wie der zweite *expr*, wobei das zweite *expr* meist ein Literal ist.

---

(check-within *expr expr expr*)

Wie *check-expect*, aber mit einem weiteren Ausdruck, der als Wert eine Zahl *delta* hat. Der Testfall überprüft, daß jede Zahl im Resultat des ersten *expr* maximal um *delta* von der entsprechenden Zahl im zweiten *expr* abweicht.

---

(check-error *expr expr*)

Dieser Testfall überprüft, ob der erste *expr* einen Fehler produziert, wobei die Fehlermeldung der Zeichenkette entspricht, die der Wert des zweiten *expr* ist.

## 1.15 Parametrische Record-Typ-Definitionen

---

(define-record-procedures-parametric (*t p1* ...) *c p* (*s1* ...))

Die *define-record-procedures-parametric* ist wie *define-record-procedures* mit dem Unterschied, daß *t* an einen parametrischen Vertrag gebunden wird: Es muß genauso viele Parameter *p1* geben wie Selektoren *s1*; für diese Parameter werden die Verträge für die Felder substituiert.

Beispiel:

```
(define-record-procedures-parametric (pare a b)
  make-pare pare?
  (pare-one pare-two))
```

Dann ist `(pare integer string)` der Vertrag für `pare`-Records, bei dem die Felder die Verträge `integer` respektive `string` erfüllen müssen.

## 1.16 Primitive Operationen

---

```
* : (number number number ... -> number)
```

Produkt berechnen

---

```
+ : (number number number ... -> number)
```

Summe berechnen

---

```
- : (number number ... -> number)
```

bei mehr als einem Argument Differenz zwischen der ersten und der Summe aller weiteren Argumente berechnen; bei einem Argument Zahl negieren

---

```
/ : (number number number ... -> number)
```

das erste Argument durch das Produkt aller weiteren Argumente berechnen

---

```
< : (real real real ... -> boolean)
```

Zahlen auf kleiner-als testen

---

```
<= : (real real real ... -> boolean)
```

Zahlen auf kleiner-gleich testen

---

```
= : (number number number ... -> boolean)
```

Zahlen auf Gleichheit testen

---

`>` : (real real real ... -> boolean)

Zahlen auf größer-als testen

---

`>=` : (real real real ... -> boolean)

Zahlen auf größer-gleich testen

---

`abs` : (real -> real)

Absolutwert berechnen

---

`acos` : (number -> number)

Arcuscosinus berechnen (in Radian)

---

`angle` : (number -> real)

Winkel einer komplexen Zahl berechnen

---

`asin` : (number -> number)

Arcussinus berechnen (in Radian)

---

`atan` : (number -> number)

Arcustangens berechnen (in Radian)

---

`ceiling` : (real -> integer)

nächste ganze Zahl oberhalb einer reellen Zahlen berechnen

---

`complex?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine komplexe Zahl ist

---

`cos` : (number -> number)

Cosinus berechnen (Argument in Radian)

---

`current-seconds` : (`-> natural`)

aktuelle Zeit in Sekunden seit einem un spezifizierten Startzeitpunkt berechnen

---

`denominator` : (`rational -> natural`)

Nenner eines Bruchs berechnen

---

`even?` : (`integer -> boolean`)

feststellen, ob eine Zahl gerade ist

---

`exact->inexact` : (`number -> number`)

eine Zahl durch eine inexakte Zahl annhern

---

`exact?` : (`number -> boolean`)

feststellen, ob eine Zahl exakt ist

---

`exp` : (`number -> number`)

Exponentialfunktion berechnen (e hoch Argument)

---

`expt` : (`number number -> number`)

Potenz berechnen (erstes Argument hoch zweites Argument)

---

`floor` : (`real -> integer`)

nchste ganze Zahl unterhalb einer reellen Zahlen berechnen

---

`gcd` : (`natural natural ... -> natural`)

größten gemeinsamen Teiler berechnen

---

`imag-part` : (`number -> real`)

imaginren Anteil einer komplexen Zahl extrahieren

---

`inexact->exact` : (number -> number)

eine Zahl durch eine exakte Zahl annähern

---

`inexact?` : (number -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl inexakt ist

---

`integer?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine ganze Zahl ist

---

`lcm` : (natural natural ... -> natural)

kleinstes gemeinsames Vielfaches berechnen

---

`log` : (number -> number)

natürlichen Logarithmus (Basis e) berechnen

---

`magnitude` : (number -> real)

Abstand zum Ursprung einer komplexen Zahl berechnen

---

`make-polar` : (real real -> number)

komplexe Zahl aus Abstand zum Ursprung und Winkel berechnen

---

`max` : (real real ... -> real)

Maximum berechnen

---

`min` : (real real ... -> real)

Minimum berechnen

---

`modulo` : (integer integer -> integer)

Divisionsmodulo berechnen

---

`natural? : (%a -> boolean)`

feststellen, ob ein Wert eine natürliche Zahl (inkl. 0) ist

---

`negative? : (number -> boolean)`

feststellen, ob eine Zahl negativ ist

---

`number->string : (number -> string)`

Zahl in Zeichenkette umwandeln

---

`number? : (%a -> boolean)`

feststellen, ob ein Wert eine Zahl ist

---

`numerator : (rational -> integer)`

Zähler eines Bruchs berechnen

---

`odd? : (integer -> boolean)`

feststellen, ob eine Zahl ungerade ist

---

`positive? : (number -> boolean)`

feststellen, ob eine Zahl positiv ist

---

`quotient : (integer integer -> integer)`

ganzzahlig dividieren

---

`random : (natural -> natural)`

eine natürliche Zufallszahl berechnen, die kleiner als das Argument ist

---

`rational? : (%a -> boolean)`

feststellen, ob eine Zahl rational ist

---

`real-part` : (number -> real)

reellen Anteil einer komplexen Zahl extrahieren

---

`real?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine reelle Zahl ist

---

`remainder` : (integer integer -> integer)

Divisionsrest berechnen

---

`round` : (real -> integer)

reelle Zahl auf eine ganze Zahl runden

---

`sin` : (number -> number)

Sinus berechnen (Argument in Radian)

---

`sqrt` : (number -> number)

Quadratwurzel berechnen

---

`string->number` : (string -> (mixed number (one-of #f)))

Zeichenkette in Zahl umwandeln, falls möglich

---

`tan` : (number -> number)

Tangens berechnen (Argument in Radian)

---

`zero?` : (number -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl Null ist

---

`boolean=?` : (boolean boolean -> boolean)

Booleans auf Gleichheit testen

---

`boolean?` : (`%a` -> `boolean`)

feststellen, ob ein Wert ein boolescher Wert ist

---

`false?` : (`%a` -> `boolean`)

feststellen, ob ein Wert `#f` ist

---

`not` : (`boolean` -> `boolean`)

booleschen Wert negieren

---

`true?` : (`%a` -> `boolean`)

feststellen, ob ein Wert `#t` ist

---

`empty` : `list`

die leere Liste

---

`empty?` : (`%a` -> `boolean`)

feststellen, ob ein Wert die leere Liste ist

---

`chocolate-cookie-chocolate` : (`chocolate-cookie` -> `number`)

Schoko-Anteil eines Schokokeksses extrahieren

---

`chocolate-cookie-cookie` : (`chocolate-cookie` -> `number`)

Keks-Anteil eines Schokokeksses extrahieren

---

`chocolate-cookie?` : (`%a` -> `boolean`)

feststellen, ob ein Wert ein Schokokeks ist

---

`make-chocolate-cookie` : (`number number` -> `chocolate-cookie`)

Schokokeks aus Schoko- und Keks-Anteil konstruieren

---

`string->strings-list` : (string -> (list string))

Eine Zeichenkette in eine Liste von Zeichenketten mit einzelnen Zeichen umwandeln

---

`string-append` : (string string ... -> string)

Hngt Zeichenketten zu einer Zeichenkette zusammen

---

`string-length` : (string -> natural)

Liefert Lnge einer Zeichenkette

---

`string<=?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten lexikografisch auf kleiner-gleich testen

---

`string<?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten lexikografisch auf kleiner-als testen

---

`string=?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten auf Gleichheit testen

---

`string>=?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten lexikografisch auf größer-gleich testen

---

`string>?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten lexikografisch auf größer-als testen

---

`string?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine Zeichenkette ist

---

`strings-list->string` : ((list string) -> string)

Eine Liste von Zeichenketten in eine Zeichenkette umwandeln

---

`symbol->string` : (symbol -> string)

Symbol in Zeichenkette umwandeln

---

`violation` : (string -> unspecified)

Programm mit Fehlermeldung abbrechen

---

`write-newline` : (-> unspecified)

Zeilenumbruch ausgeben

---

`write-string` : (string -> unspecified)

Zeichenkette in REPL ausgeben

## 2 Die Macht der Abstraktion

This is documentation for the language level *Die Macht der Abstraktion* to go with the German textbook *Die Macht der Abstraktion*.

```
program = def-or-expr...

def-or-expr = definition
            | expr
            | test-case

definition = (define id expr)
            | (define-record-procedures id id id (id ...))
            | (define-record-procedures-parametric (id id ...) id id (id ...))
            | (define-contract id contract)
            | (: id contract)

expr = (expr expr ...) ; Prozedurapplikation
      | #t
      | #f
      | number
      | string
      | (lambda (id ...) expr)
      | id ; Bezeichner
      | (cond (expr expr) (expr expr) ...)
      | (cond (expr expr) ... (else expr))
      | (if expr expr)
      | (and expr ...)
      | (or expr ...)
      | (let ((id expr) ...) expr)
      | (letrec ((id expr) ...) expr)
      | (let* ((id expr) ...) expr)
      | (begin expr expr ...)

contract = id
          | (predicate expr)
          | (one-of expr ...)
          | (mixed contract ...)
          | (contract ... -> contract) ; Prozedur-Vertrag
          | (list contract)
          | %a %b %c ; Vertrags-Variable
          | (combined contract ...)
          | (property expr contract)

test-case = (check-expect expr expr)
```

```
| (check-within expr expr expr)
| (check-error expr expr)
```

```
package = (string string number number)
```

Ein *id* ist eine Folge von Zeichen, die weder Leerzeichen noch eins der folgenden Zeichen enthält:

```
" , ' ( ) [ ] { } | ; #
```

Ein *number* ist eine Zahl wie z.B. 123, 3/2 oder 5.5.

Ein *string* ist eine Zeichenkette, und durch ein Paar von `"` umschlossen. So sind z.B. "abcdef", "This is a string" und "Dies ist eine Zeichenkette, die \" enthält." Zeichenketten.

### Zahlen

```
* : (number number number ... -> number)
+ : (number number number ... -> number)
- : (number number ... -> number)
/ : (number number number ... -> number)
< : (real real real ... -> boolean)
<= : (real real real ... -> boolean)
= : (number number number ... -> boolean)
> : (real real real ... -> boolean)
>= : (real real real ... -> boolean)
abs : (real -> real)
acos : (number -> number)
angle : (number -> real)
asin : (number -> number)
atan : (number -> number)
ceiling : (real -> integer)
complex? : (%a -> boolean)
cos : (number -> number)
current-seconds : (-> natural)
denominator : (rational -> natural)
even? : (integer -> boolean)
exact->inexact : (number -> number)
exact? : (number -> boolean)
exp : (number -> number)
expt : (number number -> number)
floor : (real -> integer)
gcd : (natural natural ... -> natural)
imag-part : (number -> real)
inexact->exact : (number -> number)
inexact? : (number -> boolean)
integer? : (%a -> boolean)
```

```

lcm : (natural natural ... -> natural)
log : (number -> number)
magnitude : (number -> real)
make-polar : (real real -> number)
max : (real real ... -> real)
min : (real real ... -> real)
modulo : (integer integer -> integer)
natural? : (%a -> boolean)
negative? : (number -> boolean)
number->string : (number -> string)
number? : (%a -> boolean)
numerator : (rational -> integer)
odd? : (integer -> boolean)
positive? : (number -> boolean)
quotient : (integer integer -> integer)
random : (natural -> natural)
rational? : (%a -> boolean)
real-part : (number -> real)
real? : (%a -> boolean)
remainder : (integer integer -> integer)
round : (real -> integer)
sin : (number -> number)
sqrt : (number -> number)
string->number : (string -> (mixed number (one-of #f)))
tan : (number -> number)
zero? : (number -> boolean)

```

#### boolesche Werte

```

boolean=? : (boolean boolean -> boolean)
boolean? : (%a -> boolean)
false? : (%a -> boolean)
not : (boolean -> boolean)
true? : (%a -> boolean)

```

#### Listen

```

append : ((list %a) ... -> (list %a))
empty : list
empty? : (%a -> boolean)
first : ((list %a) -> %a)
fold : ((%b (%a %b -> %b) (list %a) -> %b)
        "Liste einfallen.")
length : ((list %a) -> natural)
list : (%a ... -> (list %a))
list-ref : ((list %a) natural -> %a)
make-pair : (%a (list %a) -> (list %a))
pair? : (%a -> boolean)
rest : ((list %a) -> (list %a))
reverse : ((list %a) -> (list %a))

```

### Schokokekse

```
chocolate-cookie-chocolate : (chocolate-cookie -> number)
chocolate-cookie-cookie : (chocolate-cookie -> number)
chocolate-cookie? : (%a -> boolean)
make-chocolate-cookie : (number number -> chocolate-cookie)
```

### Zeichenketten

```
string->strings-list : (string -> (list string))
string-append : (string string ... -> string)
string-length : (string -> natural)
string<=? : (string string string ... -> boolean)
string<? : (string string string ... -> boolean)
string=? : (string string string ... -> boolean)
string>=? : (string string string ... -> boolean)
string>? : (string string string ... -> boolean)
string? : (%a -> boolean)
strings-list->string : ((list string) -> string)
```

### Symbole

```
symbol->string : (symbol -> string)
```

### Verschiedenes

```
for-each : ((%a -> %b) (list %a) -> unspecified)
map : ((%a -> %b) (list %a) -> (list %b))
violation : (string -> unspecified)
write-newline : (-> unspecified)
write-string : (string -> unspecified)
```

## 2.1 Primitive Operationen

---

```
* : (number number number ... -> number)
```

Produkt berechnen

---

```
+ : (number number number ... -> number)
```

Summe berechnen

---

```
- : (number number ... -> number)
```

bei mehr als einem Argument Differenz zwischen der ersten und der Summe aller weiteren Argumente berechnen; bei einem Argument Zahl negieren

---

```
/ : (number number number ... -> number)
```

das erste Argument durch das Produkt aller weiteren Argumente berechnen

---

```
< : (real real real ... -> boolean)
```

Zahlen auf kleiner-als testen

---

```
<= : (real real real ... -> boolean)
```

Zahlen auf kleiner-gleich testen

---

```
= : (number number number ... -> boolean)
```

Zahlen auf Gleichheit testen

---

```
> : (real real real ... -> boolean)
```

Zahlen auf größer-als testen

---

```
>= : (real real real ... -> boolean)
```

Zahlen auf größer-gleich testen

---

```
abs : (real -> real)
```

Absolutwert berechnen

---

```
acos : (number -> number)
```

Arcuscosinus berechnen (in Radian)

---

```
angle : (number -> real)
```

Winkel einer komplexen Zahl berechnen

---

```
asin : (number -> number)
```

Arcussinus berechnen (in Radian)

---

```
atan : (number -> number)
```

Arcustangens berechnen (in Radian)

---

`ceiling` : (real -> integer)

nächste ganze Zahl oberhalb einer reellen Zahlen berechnen

---

`complex?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine komplexe Zahl ist

---

`cos` : (number -> number)

Cosinus berechnen (Argument in Radian)

---

`current-seconds` : (-> natural)

aktuelle Zeit in Sekunden seit einem un spezifizierten Startzeitpunkt berechnen

---

`denominator` : (rational -> natural)

Nenner eines Bruchs berechnen

---

`even?` : (integer -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl gerade ist

---

`exact->inexact` : (number -> number)

eine Zahl durch eine inexakte Zahl annähern

---

`exact?` : (number -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl exakt ist

---

`exp` : (number -> number)

Exponentialfunktion berechnen (e hoch Argument)

---

`expt` : (number number -> number)

Potenz berechnen (erstes Argument hoch zweites Argument)

---

`floor` : (real -> integer)

nächste ganze Zahl unterhalb einer reellen Zahlen berechnen

---

`gcd` : (natural natural ... -> natural)

größten gemeinsamen Teiler berechnen

---

`imag-part` : (number -> real)

imaginären Anteil einer komplexen Zahl extrahieren

---

`inexact->exact` : (number -> number)

eine Zahl durch eine exakte Zahl annähern

---

`inexact?` : (number -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl inexakt ist

---

`integer?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine ganze Zahl ist

---

`lcm` : (natural natural ... -> natural)

kleinstes gemeinsames Vielfaches berechnen

---

`log` : (number -> number)

natürlichen Logarithmus (Basis e) berechnen

---

`magnitude` : (number -> real)

Abstand zum Ursprung einer komplexen Zahl berechnen

---

`make-polar` : (real real -> number)

komplexe Zahl aus Abstand zum Ursprung und Winkel berechnen

---

`max : (real real ... -> real)`

Maximum berechnen

---

`min : (real real ... -> real)`

Minimum berechnen

---

`modulo : (integer integer -> integer)`

Divisionsmodulo berechnen

---

`natural? : (%a -> boolean)`

feststellen, ob ein Wert eine natrliche Zahl (inkl. 0) ist

---

`negative? : (number -> boolean)`

feststellen, ob eine Zahl negativ ist

---

`number->string : (number -> string)`

Zahl in Zeichenkette umwandeln

---

`number? : (%a -> boolean)`

feststellen, ob ein Wert eine Zahl ist

---

`numerator : (rational -> integer)`

Zhler eines Bruchs berechnen

---

`odd? : (integer -> boolean)`

feststellen, ob eine Zahl ungerade ist

---

`positive? : (number -> boolean)`

feststellen, ob eine Zahl positiv ist

---

`quotient` : (integer integer -> integer)

ganzzahlig dividieren

---

`random` : (natural -> natural)

eine natürliche Zufallszahl berechnen, die kleiner als das Argument ist

---

`rational?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl rational ist

---

`real-part` : (number -> real)

reellen Anteil einer komplexen Zahl extrahieren

---

`real?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine reelle Zahl ist

---

`remainder` : (integer integer -> integer)

Divisionsrest berechnen

---

`round` : (real -> integer)

reelle Zahl auf eine ganze Zahl runden

---

`sin` : (number -> number)

Sinus berechnen (Argument in Radian)

---

`sqrt` : (number -> number)

Quadratwurzel berechnen

---

`string->number` : (string -> (mixed number (one-of #f)))

Zeichenkette in Zahl umwandeln, falls möglich

---

---

`tan` : (number -> number)

Tangens berechnen (Argument in Radian)

---

`zero?` : (number -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl Null ist

---

`boolean=?` : (boolean boolean -> boolean)

Booleans auf Gleichheit testen

---

`boolean?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert ein boolescher Wert ist

---

`false?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert #f ist

---

`not` : (boolean -> boolean)

booleschen Wert negieren

---

`true?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert #t ist

---

`append` : ((list %a) ... -> (list %a))

mehrere Listen aneinanderhngen

---

`empty` : list

die leere Liste

---

`empty?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert die leere Liste ist

---

---

```
first : ((list %a) -> %a)
```

erstes Element eines Paares extrahieren

---

```
fold : ((%b (%a %b -> %b) (list %a) -> %b)
        "Liste einfallen.")
```

---

```
length : ((list %a) -> natural)
```

Länge einer Liste berechnen

---

```
list : (%a ... -> (list %a))
```

Liste aus den Argumenten konstruieren

---

```
list-ref : ((list %a) natural -> %a)
```

das Listenelement an der gegebenen Position extrahieren

---

```
make-pair : (%a (list %a) -> (list %a))
```

erzeuge ein Paar aus Element und Liste

---

```
pair? : (%a -> boolean)
```

feststellen, ob ein Wert ein Paar ist

---

```
rest : ((list %a) -> (list %a))
```

Rest eines Paares extrahieren

---

```
reverse : ((list %a) -> (list %a))
```

Liste in umgekehrte Reihenfolge bringen

---

```
chocolate-cookie-chocolate : (chocolate-cookie -> number)
```

Schoko-Anteil eines Schokokekses extrahieren

---

```
chocolate-cookie-cookie : (chocolate-cookie -> number)
```

Keks-Anteil eines Schokokekkes extrahieren

---

```
chocolate-cookie? : (%a -> boolean)
```

feststellen, ob ein Wert ein Schokokeks ist

---

```
make-chocolate-cookie : (number number -> chocolate-cookie)
```

Schokokeks aus Schoko- und Keks-Anteil konstruieren

---

```
string->strings-list : (string -> (list string))
```

Eine Zeichenkette in eine Liste von Zeichenketten mit einzelnen Zeichen umwandeln

---

```
string-append : (string string ... -> string)
```

Hngt Zeichenketten zu einer Zeichenkette zusammen

---

```
string-length : (string -> natural)
```

Liefert Lnge einer Zeichenkette

---

```
string<=? : (string string string ... -> boolean)
```

Zeichenketten lexikografisch auf kleiner-gleich testen

---

```
string<? : (string string string ... -> boolean)
```

Zeichenketten lexikografisch auf kleiner-als testen

---

```
string=? : (string string string ... -> boolean)
```

Zeichenketten auf Gleichheit testen

---

```
string>=? : (string string string ... -> boolean)
```

Zeichenketten lexikografisch auf grßer-gleich testen

---

```
string>? : (string string string ... -> boolean)
```

Zeichenketten lexikografisch auf grßer-als testen

---

`string?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine Zeichenkette ist

---

`strings-list->string` : ((list string) -> string)

Eine Liste von Zeichenketten in eine Zeichenkette umwandeln

---

`symbol->string` : (symbol -> string)

Symbol in Zeichenkette umwandeln

---

`for-each` : ((%a -> %b) (list %a) -> unspecified)

Prozedur von vorn nach hinten auf alle Elemente einer Liste anwenden

---

`map` : ((%a -> %b) (list %a) -> (list %b))

Prozedur auf alle Elemente einer Liste anwenden, Liste der Resultate berechnen

---

`violation` : (string -> unspecified)

Programm mit Fehlermeldung abbrechen

---

`write-newline` : (-> unspecified)

Zeilenumbruch ausgeben

---

`write-string` : (string -> unspecified)

Zeichenkette in REPL ausgeben

### 3 Die Macht der Abstraktion mit Zuweisungen

This is documentation for the language level *Die Macht der Abstraktion mit Zuweisungen* to go with the German textbook *Die Macht der Abstraktion*.

```
program = def-or-expr...

def-or-expr = definition
            | expr
            | test-case

definition = (define id expr)
            | (define-record-procedures id id id (id ...))
            | (define-record-procedures-parametric (id id ...) id id (id ...))
            | (define-contract id contract)
            | (: id contract)
            | (define-record-procedures-2 id id id (field-spec ...))
            | (define-record-procedures-parametric-2 (id id ...) id id (field-spec ...))

field-spec = id
            | (id id)

expr = (expr expr ...) ; Prozedurapplikation
      | #t
      | #f
      | number
      | string
      | (lambda (id ...) expr)
      | id ; Bezeichner
      | (cond (expr expr) (expr expr) ...)
      | (cond (expr expr) ... (else expr))
      | (if expr expr)
      | (and expr ...)
      | (or expr ...)
      | (let ((id expr) ...) expr)
      | (letrec ((id expr) ...) expr)
      | (let* ((id expr) ...) expr)
      | (begin expr expr ...)
      | (set! id expr)

contract = id
          | (predicate expr)
          | (one-of expr ...)
          | (mixed contract ...)
          | (contract ... -> contract) ; Prozedur-Vertrag
```

```

      | (list contract)
      | %a %b %c ; Vertrags-Variable
      | (combined contract ...)
      | (property expr contract)

test-case = (check-expect expr expr)
           | (check-within expr expr expr)
           | (check-error expr expr)

package = (string string number number)

```

Ein *id* ist eine Folge von Zeichen, die weder Leerzeichen noch eins der folgenden Zeichen enthält:

```
" , ' ( ) [ ] { } | ; #
```

Ein *number* ist eine Zahl wie z.B. 123, 3/2 oder 5.5.

Ein *string* ist eine Zeichenkette, und durch ein Paar von " umschlossen. So sind z.B. "abcdef", "This is a string" und "Dies ist eine Zeichenkette, die \" enthält." Zeichenketten.

### Zahlen

```

* : (number number number ... -> number)
+ : (number number number ... -> number)
- : (number number ... -> number)
/ : (number number number ... -> number)
< : (real real real ... -> boolean)
<=: (real real real ... -> boolean)
=: (number number number ... -> boolean)
> : (real real real ... -> boolean)
>=: (real real real ... -> boolean)
abs : (real -> real)
acos : (number -> number)
angle : (number -> real)
asin : (number -> number)
atan : (number -> number)
ceiling : (real -> integer)
complex? : (%a -> boolean)
cos : (number -> number)
current-seconds : (-> natural)
denominator : (rational -> natural)
even? : (integer -> boolean)
exact->inexact : (number -> number)
exact? : (number -> boolean)
exp : (number -> number)
expt : (number number -> number)

```

```

floor : (real -> integer)
gcd : (natural natural ... -> natural)
imag-part : (number -> real)
inexact->exact : (number -> number)
inexact? : (number -> boolean)
integer? : (%a -> boolean)
lcm : (natural natural ... -> natural)
log : (number -> number)
magnitude : (number -> real)
make-polar : (real real -> number)
max : (real real ... -> real)
min : (real real ... -> real)
modulo : (integer integer -> integer)
natural? : (%a -> boolean)
negative? : (number -> boolean)
number->string : (number -> string)
number? : (%a -> boolean)
numerator : (rational -> integer)
odd? : (integer -> boolean)
positive? : (number -> boolean)
quotient : (integer integer -> integer)
random : (natural -> natural)
rational? : (%a -> boolean)
real-part : (number -> real)
real? : (%a -> boolean)
remainder : (integer integer -> integer)
round : (real -> integer)
sin : (number -> number)
sqrt : (number -> number)
string->number : (string -> (mixed number (one-of #f)))
tan : (number -> number)
zero? : (number -> boolean)

```

### boolesche Werte

```

boolean=? : (boolean boolean -> boolean)
boolean? : (%a -> boolean)
false? : (%a -> boolean)
not : (boolean -> boolean)
true? : (%a -> boolean)

```

### Listen

```

append : ((list %a) ... -> (list %a))
empty : list
empty? : (%a -> boolean)
first : ((list %a) -> %a)
fold : ((%b (%a %b -> %b) (list %a) -> %b)
        "Liste einfalten.")
length : ((list %a) -> natural)

```

```

list : (%a ... -> (list %a))
list-ref : ((list %a) natural -> %a)
make-pair : (%a (list %a) -> (list %a))
pair? : (%a -> boolean)
rest : ((list %a) -> (list %a))
reverse : ((list %a) -> (list %a))

```

#### Schokokekse

```

chocolate-cookie-chocolate : (chocolate-cookie -> number)
chocolate-cookie-cookie : (chocolate-cookie -> number)
chocolate-cookie? : (%a -> boolean)
make-chocolate-cookie : (number number -> chocolate-cookie)

```

#### Zeichenketten

```

string->strings-list : (string -> (list string))
string-append : (string string ... -> string)
string-length : (string -> natural)
string<=? : (string string string ... -> boolean)
string<? : (string string string ... -> boolean)
string=? : (string string string ... -> boolean)
string>=? : (string string string ... -> boolean)
string>? : (string string string ... -> boolean)
string? : (%a -> boolean)
strings-list->string : ((list string) -> string)

```

#### Symbole

```

symbol->string : (symbol -> string)
symbol? : (%a -> boolean)

```

#### Verschiedenes

```

apply : (procedure (list %a) -> %b)
eq? : (%a %b -> boolean)
equal? : (%a %b -> boolean)
for-each : ((%a -> %b) (list %a) -> unspecified)
map : ((%a -> %b) (list %a) -> (list %b))
violation : (string -> unspecified)
write-newline : (-> unspecified)
write-string : (string -> unspecified)

```

### 3.1 define-record-procedures-2

---

```
(define-record-procedures-2 t c p (field-spec ...))
```

Die `define-record-procedures-2`-Form ist eine Definition für einen neuen Record-Typ. Dabei ist `t` der Name des Record-Vertrags, `c` der Name des Konstruktors, `p` der Name des Prädikats. Jedes `field-spec` kann entweder der Name eines Selektors oder ein Paar (`id id`) aus dem Namen eines Selektors und dem Namen eines Mutators sein.

### 3.2 define-record-procedures-parametric-2

---

```
(define-record-procedures-parametric-2 (t p1 ...) c p (field-spec1 ...))
```

Diese Form ist wie `define-record-procedures-2`, nur parametrisch wie `define-record-procedures-parametric`.

### 3.3 set!

---

```
(set! id expr)
```

Ein `set!`-Ausdruck ist eine Zuweisung, und ändert den Inhalt der Zelle, die an `id` gebunden ist, auf den Wert von `expr`.

### 3.4 Primitive Operationen

---

```
* : (number number number ... -> number)
```

Produkt berechnen

---

```
+ : (number number number ... -> number)
```

Summe berechnen

---

```
- : (number number ... -> number)
```

bei mehr als einem Argument Differenz zwischen der ersten und der Summe aller weiteren Argumente berechnen; bei einem Argument Zahl negieren

---

```
/ : (number number number ... -> number)
```

das erste Argument durch das Produkt aller weiteren Argumente berechnen

---

```
< : (real real real ... -> boolean)
```

Zahlen auf kleiner-als testen

---

```
<= : (real real real ... -> boolean)
```

Zahlen auf kleiner-gleich testen

---

```
= : (number number number ... -> boolean)
```

Zahlen auf Gleichheit testen

---

```
> : (real real real ... -> boolean)
```

Zahlen auf größer-als testen

---

```
>= : (real real real ... -> boolean)
```

Zahlen auf größer-gleich testen

---

```
abs : (real -> real)
```

Absolutwert berechnen

---

```
acos : (number -> number)
```

Arcuscosinus berechnen (in Radian)

---

```
angle : (number -> real)
```

Winkel einer komplexen Zahl berechnen

---

```
asin : (number -> number)
```

Arcussinus berechnen (in Radian)

---

```
atan : (number -> number)
```

Arcustangens berechnen (in Radian)

---

```
ceiling : (real -> integer)
```

nächste ganze Zahl oberhalb einer reellen Zahlen berechnen

---

```
complex? : (%a -> boolean)
```

feststellen, ob ein Wert eine komplexe Zahl ist

---

`cos` : (number -> number)

Cosinus berechnen (Argument in Radian)

---

`current-seconds` : (-> natural)

aktuelle Zeit in Sekunden seit einem un spezifizierten Startzeitpunkt berechnen

---

`denominator` : (rational -> natural)

Nenner eines Bruchs berechnen

---

`even?` : (integer -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl gerade ist

---

`exact->inexact` : (number -> number)

eine Zahl durch eine inexakte Zahl annhern

---

`exact?` : (number -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl exakt ist

---

`exp` : (number -> number)

Exponentialfunktion berechnen (e hoch Argument)

---

`expt` : (number number -> number)

Potenz berechnen (erstes Argument hoch zweites Argument)

---

`floor` : (real -> integer)

nchste ganze Zahl unterhalb einer reellen Zahlen berechnen

---

`gcd` : (natural natural ... -> natural)

größten gemeinsamen Teiler berechnen

---

`imag-part` : (number -> real)

imaginären Anteil einer komplexen Zahl extrahieren

---

`inexact->exact` : (number -> number)

eine Zahl durch eine exakte Zahl annähern

---

`inexact?` : (number -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl inexakt ist

---

`integer?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine ganze Zahl ist

---

`lcm` : (natural natural ... -> natural)

kleinstes gemeinsames Vielfaches berechnen

---

`log` : (number -> number)

natürlichen Logarithmus (Basis e) berechnen

---

`magnitude` : (number -> real)

Abstand zum Ursprung einer komplexen Zahl berechnen

---

`make-polar` : (real real -> number)

komplexe Zahl aus Abstand zum Ursprung und Winkel berechnen

---

`max` : (real real ... -> real)

Maximum berechnen

---

`min` : (real real ... -> real)

Minimum berechnen

---

```
modulo : (integer integer -> integer)
```

Divisionsmodulo berechnen

---

```
natural? : (%a -> boolean)
```

feststellen, ob ein Wert eine natrliche Zahl (inkl. 0) ist

---

```
negative? : (number -> boolean)
```

feststellen, ob eine Zahl negativ ist

---

```
number->string : (number -> string)
```

Zahl in Zeichenkette umwandeln

---

```
number? : (%a -> boolean)
```

feststellen, ob ein Wert eine Zahl ist

---

```
numerator : (rational -> integer)
```

Zhler eines Bruchs berechnen

---

```
odd? : (integer -> boolean)
```

feststellen, ob eine Zahl ungerade ist

---

```
positive? : (number -> boolean)
```

feststellen, ob eine Zahl positiv ist

---

```
quotient : (integer integer -> integer)
```

ganzzahlig dividieren

---

```
random : (natural -> natural)
```

eine natrliche Zufallszahl berechnen, die kleiner als das Argument ist

---

`rational? : (%a -> boolean)`

feststellen, ob eine Zahl rational ist

---

`real-part : (number -> real)`

reellen Anteil einer komplexen Zahl extrahieren

---

`real? : (%a -> boolean)`

feststellen, ob ein Wert eine reelle Zahl ist

---

`remainder : (integer integer -> integer)`

Divisionsrest berechnen

---

`round : (real -> integer)`

reelle Zahl auf eine ganze Zahl runden

---

`sin : (number -> number)`

Sinus berechnen (Argument in Radian)

---

`sqrt : (number -> number)`

Quadratwurzel berechnen

---

`string->number : (string -> (mixed number (one-of #f)))`

Zeichenkette in Zahl umwandeln, falls möglich

---

`tan : (number -> number)`

Tangens berechnen (Argument in Radian)

---

`zero? : (number -> boolean)`

feststellen, ob eine Zahl Null ist

---

`boolean=? : (boolean boolean -> boolean)`

Booleans auf Gleichheit testen

---

`boolean? : (%a -> boolean)`

feststellen, ob ein Wert ein boolescher Wert ist

---

`false? : (%a -> boolean)`

feststellen, ob ein Wert #f ist

---

`not : (boolean -> boolean)`

booleschen Wert negieren

---

`true? : (%a -> boolean)`

feststellen, ob ein Wert #t ist

---

`append : ((list %a) ... -> (list %a))`

mehrere Listen aneinanderhngen

---

`empty : list`

die leere Liste

---

`empty? : (%a -> boolean)`

feststellen, ob ein Wert die leere Liste ist

---

`first : ((list %a) -> %a)`

erstes Element eines Paaers extrahieren

---

`fold : ((%b (%a %b -> %b) (list %a) -> %b)  
"Liste einfallen.")`

---

`length : ((list %a) -> natural)`

---

Lnge einer Liste berechnen

---

```
list : (%a ... -> (list %a))
```

Liste aus den Argumenten konstruieren

---

```
list-ref : ((list %a) natural -> %a)
```

das Listenelement an der gegebenen Position extrahieren

---

```
make-pair : (%a (list %a) -> (list %a))
```

erzeuge ein Paar aus Element und Liste

---

```
pair? : (%a -> boolean)
```

feststellen, ob ein Wert ein Paar ist

---

```
rest : ((list %a) -> (list %a))
```

Rest eines Paares extrahieren

---

```
reverse : ((list %a) -> (list %a))
```

Liste in umgekehrte Reihenfolge bringen

---

```
chocolate-cookie-chocolate : (chocolate-cookie -> number)
```

Schoko-Anteil eines Schokokekxes extrahieren

---

```
chocolate-cookie-cookie : (chocolate-cookie -> number)
```

Keks-Anteil eines Schokokekxes extrahieren

---

```
chocolate-cookie? : (%a -> boolean)
```

feststellen, ob ein Wert ein Schokokeks ist

---

```
make-chocolate-cookie : (number number -> chocolate-cookie)
```

Schokokeks aus Schoko- und Keks-Anteil konstruieren

---

`string->strings-list` : (string -> (list string))

Eine Zeichenkette in eine Liste von Zeichenketten mit einzelnen Zeichen umwandeln

---

`string-append` : (string string ... -> string)

Hngt Zeichenketten zu einer Zeichenkette zusammen

---

`string-length` : (string -> natural)

Liefert Lnge einer Zeichenkette

---

`string<=?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten lexikografisch auf kleiner-gleich testen

---

`string<?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten lexikografisch auf kleiner-als testen

---

`string=?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten auf Gleichheit testen

---

`string>=?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten lexikografisch auf größer-gleich testen

---

`string>?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten lexikografisch auf größer-als testen

---

`string?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine Zeichenkette ist

---

`strings-list->string` : ((list string) -> string)

Eine Liste von Zeichenketten in eine Zeichenkette umwandeln

---

`symbol->string` : (symbol -> string)

Symbol in Zeichenkette umwandeln

---

`symbol?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert ein Symbol ist

---

`apply` : (procedure (list %a) -> %b)

Prozedur auf Liste ihrer Argumente anwenden

---

`eq?` : (%a %b -> boolean)

zwei Werte auf Selbheit testen

---

`equal?` : (%a %b -> boolean)

zwei Werte auf Gleichheit testen

---

`for-each` : ((%a -> %b) (list %a) -> unspecified)

Prozedur von vorn nach hinten auf alle Elemente einer Liste anwenden

---

`map` : ((%a -> %b) (list %a) -> (list %b))

Prozedur auf alle Elemente einer Liste anwenden, Liste der Resultate berechnen

---

`violation` : (string -> unspecified)

Programm mit Fehlermeldung abbrechen

---

`write-newline` : (-> unspecified)

Zeilenumbruch ausgeben

---

`write-string` : (string -> unspecified)

Zeichenkette in REPL ausgeben

## 4 Die Macht der Abstraktion fortgeschritten

This is documentation for the language level *Die Macht der Abstraktion - fortgeschritten* that goes with the German textbook *Die Macht der Abstraktion*.

```
program = def-or-expr...

def-or-expr = definition
            | expr
            | test-case

definition = (define id expr)
            | (define-record-procedures id id id (id ...))
            | (define-record-procedures-parametric (id id ...) id id (id ...))
            | (define-contract id contract)
            | (: id contract)
            | (define-record-procedures-2 id id id (field-spec ...))
            | (define-record-procedures-parametric-2 (id id ...) id id (field-spec ...))

field-spec = id
            | (id id)

quoted = id
        | number
        | string
        | character
        | (quoted ...)
        | 'quoted

expr = (expr expr ...) ; Prozedurapplikation
      | #t
      | #f
      | number
      | string
      | (lambda (id ...) expr)
      | id ; Bezeichner
      | (cond (expr expr) (expr expr) ...)
      | (cond (expr expr) ... (else expr))
      | (if expr expr)
      | (and expr ...)
      | (or expr ...)
      | (let ((id expr) ...) expr)
      | (letrec ((id expr) ...) expr)
      | (let* ((id expr) ...) expr)
      | (begin expr expr ...)
```

```

      | (set! id expr)
      | 'quoted ; Quote-Literal

contract = id
      | (predicate expr)
      | (one-of expr ...)
      | (mixed contract ...)
      | (contract ... -> contract) ; Prozedur-Vertrag
      | (list contract)
      | %a %b %c ; Vertrags-Variable
      | (combined contract ...)
      | (property expr contract)

test-case = (check-expect expr expr)
      | (check-within expr expr expr)
      | (check-error expr expr)

package = (string string number number)

```

Ein *id* ist eine Folge von Zeichen, die weder Leerzeichen noch eins der folgenden Zeichen enthält:

```
" , ' ( ) [ ] { } | ; #
```

Ein *number* ist eine Zahl wie z.B. 123, 3/2 oder 5.5.

Ein *string* ist eine Zeichenkette, und durch ein Paar von " umschlossen. So sind z.B. "abcdef", "This is a string" und "Dies ist eine Zeichenkette, die \" enthält." Zeichenketten.

### Zahlen

```

* : (number number number ... -> number)
+ : (number number number ... -> number)
- : (number number ... -> number)
/ : (number number number ... -> number)
< : (real real real ... -> boolean)
<=: (real real real ... -> boolean)
=: (number number number ... -> boolean)
> : (real real real ... -> boolean)
>=: (real real real ... -> boolean)
abs : (real -> real)
acos : (number -> number)
angle : (number -> real)
asin : (number -> number)
atan : (number -> number)
ceiling : (real -> integer)
complex? : (%a -> boolean)

```

```

cos : (number -> number)
current-seconds : (-> natural)
denominator : (rational -> natural)
even? : (integer -> boolean)
exact->inexact : (number -> number)
exact? : (number -> boolean)
exp : (number -> number)
expt : (number number -> number)
floor : (real -> integer)
gcd : (natural natural ... -> natural)
imag-part : (number -> real)
inexact->exact : (number -> number)
inexact? : (number -> boolean)
integer? : (%a -> boolean)
lcm : (natural natural ... -> natural)
log : (number -> number)
magnitude : (number -> real)
make-polar : (real real -> number)
max : (real real ... -> real)
min : (real real ... -> real)
modulo : (integer integer -> integer)
natural? : (%a -> boolean)
negative? : (number -> boolean)
number->string : (number -> string)
number? : (%a -> boolean)
numerator : (rational -> integer)
odd? : (integer -> boolean)
positive? : (number -> boolean)
quotient : (integer integer -> integer)
random : (natural -> natural)
rational? : (%a -> boolean)
real-part : (number -> real)
real? : (%a -> boolean)
remainder : (integer integer -> integer)
round : (real -> integer)
sin : (number -> number)
sqrt : (number -> number)
string->number : (string -> (mixed number (one-of #f)))
tan : (number -> number)
zero? : (number -> boolean)

```

#### **boolesche Werte**

```

boolean=? : (boolean boolean -> boolean)
boolean? : (%a -> boolean)
false? : (%a -> boolean)
not : (boolean -> boolean)
true? : (%a -> boolean)

```

## Listen

```
append : ((list %a) ... -> (list %a))
empty : list
empty? : (%a -> boolean)
first : ((list %a) -> %a)
fold : ((%b (%a %b -> %b) (list %a) -> %b)
        "Liste einfalten.")
length : ((list %a) -> natural)
list : (%a ... -> (list %a))
list-ref : ((list %a) natural -> %a)
make-pair : (%a (list %a) -> (list %a))
pair? : (%a -> boolean)
rest : ((list %a) -> (list %a))
reverse : ((list %a) -> (list %a))
```

## Schokokekse

```
chocolate-cookie-chocolate : (chocolate-cookie -> number)
chocolate-cookie-cookie : (chocolate-cookie -> number)
chocolate-cookie? : (%a -> boolean)
make-chocolate-cookie : (number number -> chocolate-cookie)
```

## Zeichenketten

```
string->strings-list : (string -> (list string))
string-append : (string string ... -> string)
string-length : (string -> natural)
string<=? : (string string string ... -> boolean)
string<? : (string string string ... -> boolean)
string=? : (string string string ... -> boolean)
string>=? : (string string string ... -> boolean)
string>? : (string string string ... -> boolean)
string? : (%a -> boolean)
strings-list->string : ((list string) -> string)
```

## Symbole

```
symbol->string : (symbol -> string)
symbol? : (%a -> boolean)
```

## Verschiedenes

```
apply : (procedure (list %a) -> %b)
eq? : (%a %b -> boolean)
equal? : (%a %b -> boolean)
for-each : ((%a -> %b) (list %a) -> unspecified)
map : ((%a -> %b) (list %a) -> (list %b))
violation : (string -> unspecified)
write-newline : (-> unspecified)
write-string : (string -> unspecified)
```

## 4.1 Quote-Literal

---

```
'quoted  
(quote quoted)
```

Der Wert eines Quote-Literals hat die gleiche externe Representation wie *quoted*.

## 4.2 Verträge

---

```
symbol
```

Vertrag für Symbole.

## 4.3 Primitive Operationen

---

```
* : (number number number ... -> number)
```

Produkt berechnen

---

```
+ : (number number number ... -> number)
```

Summe berechnen

---

```
- : (number number ... -> number)
```

bei mehr als einem Argument Differenz zwischen der ersten und der Summe aller weiteren Argumente berechnen; bei einem Argument Zahl negieren

---

```
/ : (number number number ... -> number)
```

das erste Argument durch das Produkt aller weiteren Argumente berechnen

---

```
< : (real real real ... -> boolean)
```

Zahlen auf kleiner-als testen

---

```
<= : (real real real ... -> boolean)
```

Zahlen auf kleiner-gleich testen

---

`=` : (number number number ... -> boolean)

Zahlen auf Gleichheit testen

---

`>` : (real real real ... -> boolean)

Zahlen auf größer-als testen

---

`>=` : (real real real ... -> boolean)

Zahlen auf größer-gleich testen

---

`abs` : (real -> real)

Absolutwert berechnen

---

`acos` : (number -> number)

Arcuscosinus berechnen (in Radian)

---

`angle` : (number -> real)

Winkel einer komplexen Zahl berechnen

---

`asin` : (number -> number)

Arcussinus berechnen (in Radian)

---

`atan` : (number -> number)

Arcustangens berechnen (in Radian)

---

`ceiling` : (real -> integer)

nächste ganze Zahl oberhalb einer reellen Zahlen berechnen

---

`complex?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine komplexe Zahl ist

---

`cos` : (number -> number)

Cosinus berechnen (Argument in Radian)

---

`current-seconds` : (-> natural)

aktuelle Zeit in Sekunden seit einem un spezifizierten Startzeitpunkt berechnen

---

`denominator` : (rational -> natural)

Nenner eines Bruchs berechnen

---

`even?` : (integer -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl gerade ist

---

`exact->inexact` : (number -> number)

eine Zahl durch eine inexakte Zahl annhern

---

`exact?` : (number -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl exakt ist

---

`exp` : (number -> number)

Exponentialfunktion berechnen (e hoch Argument)

---

`expt` : (number number -> number)

Potenz berechnen (erstes Argument hoch zweites Argument)

---

`floor` : (real -> integer)

nächste ganze Zahl unterhalb einer reellen Zahlen berechnen

---

`gcd` : (natural natural ... -> natural)

größten gemeinsamen Teiler berechnen

---

`imag-part` : (number -> real)

imaginären Anteil einer komplexen Zahl extrahieren

---

`inexact->exact` : (number -> number)

eine Zahl durch eine exakte Zahl annähern

---

`inexact?` : (number -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl inexakt ist

---

`integer?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine ganze Zahl ist

---

`lcm` : (natural natural ... -> natural)

kleinstes gemeinsames Vielfaches berechnen

---

`log` : (number -> number)

natürlichen Logarithmus (Basis e) berechnen

---

`magnitude` : (number -> real)

Abstand zum Ursprung einer komplexen Zahl berechnen

---

`make-polar` : (real real -> number)

komplexe Zahl aus Abstand zum Ursprung und Winkel berechnen

---

`max` : (real real ... -> real)

Maximum berechnen

---

`min` : (real real ... -> real)

Minimum berechnen

---

`modulo` : (integer integer -> integer)

Divisionsmodulo berechnen

---

`natural?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine natrliche Zahl (inkl. 0) ist

---

`negative?` : (number -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl negativ ist

---

`number->string` : (number -> string)

Zahl in Zeichenkette umwandeln

---

`number?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine Zahl ist

---

`numerator` : (rational -> integer)

Zhler eines Bruchs berechnen

---

`odd?` : (integer -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl ungerade ist

---

`positive?` : (number -> boolean)

feststellen, ob eine Zahl positiv ist

---

`quotient` : (integer integer -> integer)

ganzzahlig dividieren

---

`random` : (natural -> natural)

eine natrliche Zufallszahl berechnen, die kleiner als das Argument ist

---

`rational? : (%a -> boolean)`

feststellen, ob eine Zahl rational ist

---

`real-part : (number -> real)`

reellen Anteil einer komplexen Zahl extrahieren

---

`real? : (%a -> boolean)`

feststellen, ob ein Wert eine reelle Zahl ist

---

`remainder : (integer integer -> integer)`

Divisionsrest berechnen

---

`round : (real -> integer)`

reelle Zahl auf eine ganze Zahl runden

---

`sin : (number -> number)`

Sinus berechnen (Argument in Radian)

---

`sqrt : (number -> number)`

Quadratwurzel berechnen

---

`string->number : (string -> (mixed number (one-of #f)))`

Zeichenkette in Zahl umwandeln, falls möglich

---

`tan : (number -> number)`

Tangens berechnen (Argument in Radian)

---

`zero? : (number -> boolean)`

feststellen, ob eine Zahl Null ist

---

```
boolean=? : (boolean boolean -> boolean)
```

Booleans auf Gleichheit testen

---

```
boolean? : (%a -> boolean)
```

feststellen, ob ein Wert ein boolescher Wert ist

---

```
false? : (%a -> boolean)
```

feststellen, ob ein Wert #f ist

---

```
not : (boolean -> boolean)
```

booleschen Wert negieren

---

```
true? : (%a -> boolean)
```

feststellen, ob ein Wert #t ist

---

```
append : ((list %a) ... -> (list %a))
```

mehrere Listen aneinanderhngen

---

```
empty : list
```

die leere Liste

---

```
empty? : (%a -> boolean)
```

feststellen, ob ein Wert die leere Liste ist

---

```
first : ((list %a) -> %a)
```

erstes Element eines Paares extrahieren

---

```
fold : ((%b (%a %b -> %b) (list %a) -> %b)
        "Liste einfalten.")
```

---

```
length : ((list %a) -> natural)
```

Lnge einer Liste berechnen

---

```
list : (%a ... -> (list %a))
```

Liste aus den Argumenten konstruieren

---

```
list-ref : ((list %a) natural -> %a)
```

das Listenelement an der gegebenen Position extrahieren

---

```
make-pair : (%a (list %a) -> (list %a))
```

erzeuge ein Paar aus Element und Liste

---

```
pair? : (%a -> boolean)
```

feststellen, ob ein Wert ein Paar ist

---

```
rest : ((list %a) -> (list %a))
```

Rest eines Paares extrahieren

---

```
reverse : ((list %a) -> (list %a))
```

Liste in umgekehrte Reihenfolge bringen

---

```
chocolate-cookie-chocolate : (chocolate-cookie -> number)
```

Schoko-Anteil eines Schokokeksses extrahieren

---

```
chocolate-cookie-cookie : (chocolate-cookie -> number)
```

Keks-Anteil eines Schokokeksses extrahieren

---

```
chocolate-cookie? : (%a -> boolean)
```

feststellen, ob ein Wert ein Schokokeks ist

---

```
make-chocolate-cookie : (number number -> chocolate-cookie)
```

Schokokeks aus Schoko- und Keks-Anteil konstruieren

---

`string->strings-list` : (string -> (list string))

Eine Zeichenkette in eine Liste von Zeichenketten mit einzelnen Zeichen umwandeln

---

`string-append` : (string string ... -> string)

Hngt Zeichenketten zu einer Zeichenkette zusammen

---

`string-length` : (string -> natural)

Liefert Lnge einer Zeichenkette

---

`string<=?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten lexikografisch auf kleiner-gleich testen

---

`string<?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten lexikografisch auf kleiner-als testen

---

`string=?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten auf Gleichheit testen

---

`string>=?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten lexikografisch auf größer-gleich testen

---

`string>?` : (string string string ... -> boolean)

Zeichenketten lexikografisch auf größer-als testen

---

`string?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert eine Zeichenkette ist

---

`strings-list->string` : ((list string) -> string)

Eine Liste von Zeichenketten in eine Zeichenkette umwandeln

---

`symbol->string` : (symbol -> string)

Symbol in Zeichenkette umwandeln

---

`symbol?` : (%a -> boolean)

feststellen, ob ein Wert ein Symbol ist

---

`apply` : (procedure (list %a) -> %b)

Prozedur auf Liste ihrer Argumente anwenden

---

`eq?` : (%a %b -> boolean)

zwei Werte auf Selbheit testen

---

`equal?` : (%a %b -> boolean)

zwei Werte auf Gleichheit testen

---

`for-each` : ((%a -> %b) (list %a) -> unspecified)

Prozedur von vorn nach hinten auf alle Elemente einer Liste anwenden

---

`map` : ((%a -> %b) (list %a) -> (list %b))

Prozedur auf alle Elemente einer Liste anwenden, Liste der Resultate berechnen

---

`violation` : (string -> unspecified)

Programm mit Fehlermeldung abbrechen

---

`write-newline` : (-> unspecified)

Zeilenumbruch ausgeben

---

`write-string` : (string -> unspecified)

Zeichenkette in REPL ausgeben

## **5 Konstruktionsanleitungen 1 bis 10**

This documents the design recipes of the German textbook *Die Macht der Abstraktion*.

## **Contents**

## 5.1 Konstruktion von Prozeduren

Gehen Sie bei der Konstruktion einer Prozedur in folgender Reihenfolge vor:

- **Kurzbeschreibung** Schreiben Sie eine einzeilige Kurzbeschreibung.
- **Datenanalyse** Führen Sie eine Analyse der beteiligten Daten durch. Stellen Sie dabei fest, zu welcher Sorte die Daten gehören, ob Daten mit Fallunterscheidung vorliegen und ob zusammengesetzte oder gemischte Daten vorliegen.
- **Vertrag** Wählen Sie einen Namen und schreiben Sie einen Vertrag für die Prozedur.
- **Testfälle** Schreiben Sie einige Testfälle.
- **Gerüst** Leiten Sie direkt aus dem Vertrag das Gerüst der Prozedur her.
- **Schablone** Leiten Sie aus dem Vertrag und der Datenanalyse mit Hilfe der Konstruktionsanleitungen eine Schablone her.
- **Rumpf** Vervollständigen Sie den Rumpf der Prozedur.
- **Test** Vergewissern Sie sich, daß die Tests erfolgreich laufen.

## 5.2 Fallunterscheidung

Wenn ein Argument einer Prozedur zu einer Fallunterscheidung geht, die möglichen Werte also in feste Kategorien sortiert werden können, steht im Rumpf eine Verzweigung. Die Anzahl der Zweige entspricht der Anzahl der Kategorien.

Die Schablone für eine Prozedur `proc`, deren Argument zu einer Sorte geht, die  $n$  Kategorien hat, sieht folgendermaßen aus:

```
(: proc (ctr -> ...))
(define proc
  (lambda (a)
    (cond
      (test1 ...)
      ...
      (testn ...))))
```

Dabei ist `ctr` der Vertrag, den die Elemente der Sorte erfüllen müssen. Die `testi` müssen Tests sein, welche die einzelnen Kategorien erkennen. Sie sollten alle Kategorien abdecken. Der letzte Zweig kann auch ein `else`-Zweig sein, falls klar ist, daß `a` zum letzten Fall geht, wenn alle vorherigen `testi` `#f` ergeben haben. Anschließend werden die Zweige vervollständigt.

Bei Fallunterscheidungen mit zwei Kategorien kann auch `if` statt `cond` verwendet werden.

### 5.3 zusammengesetzte Daten

Wenn bei der Datenanalyse zusammengesetzte Daten vorkommen, stellen Sie zunächst fest, welche Komponenten zu welchen Sorten gehören. Schreiben Sie dann eine Datendefinition, die mit folgenden Worten anfängt:

```
; Ein x besteht aus / hat:  
; - Feld1 (ctr1)  
; ...  
; - Feldn (ctrn)
```

Dabei ist *x* ein umgangssprachlicher Name für die Sorte (“Schokokeks”), die *Feld<sub>i</sub>* sind umgangssprachliche Namen und kurze Beschreibungen der Komponenten und die *ctr<sub>i</sub>* die dazugehörigen Verträge.

Übersetzen Sie die Datendefinition in eine Record-Definition, indem Sie auch Namen für den Record-Vertrag *ctr*, Konstruktor *constr*, Prädikat *pred?* und die Selektoren *select<sub>i</sub>* wählen:

```
(define-record-procedures ctr  
  constr pred?  
  (select1 ... selectn))
```

Schreiben Sie außerdem einen Vertrag für den Konstruktor der Form:

```
(: constr (ctr1 ... ctrn -> ctr))
```

Ggf. schreiben Sie außerdem Verträge für das Prädikat und die Selektoren:

```
(: pred? (%a -> boolean))  
(: select1 (ctr -> ctr1)  
...  
(: selectn (ctr -> ctrn))
```

### 5.4 zusammengesetzte Daten als Argumente

Wenn ein Argument einer Prozedur zusammengesetzt ist, stellen Sie zunächst fest, von welchen Komponenten des Records das Ergebnis der Prozeduren abhängt.

Schreiben Sie dann für jede Komponente (*select a*) in die Schablone, wobei *select* der Selektor der Komponente und *a* der Name des Parameters der Prozedur ist.

Vervollständigen Sie die Schablone, indem Sie einen Ausdruck konstruieren, in dem die Selektor-Anwendungen vorkommen.

## 5.5 zusammengesetzte Daten als Ausgabe

Eine Prozedur, die einen neuen zusammengesetzten Wert zurckgibt, enthlt einen Aufruf des Konstruktors des zugehrigen Record-Typs.

## 5.6 gemischte Daten

Wenn bei der Datenanalyse gemischte Daten auftauchen, schreiben Sie eine Datendefinition der Form:

```
; Ein x ist eins der Folgenden:  
; - Sorte1 (ctr1)  
; ...  
; - Sorten (ctrn)  
; Name: ctr
```

Dabei sind die `Sortei` umgangssprachliche Namen fr die mglichen Sorten, die ein Wert aus diesen gemischten Daten annehmen kann. Die `ctri` sind die zu den Sorten gehrenden Vertrge. Der Name `ctr` ist fr die Verwendung als Vertrag.

Aus der Datendefinition entsteht eine Vertragsdefinition folgender Form:

```
(define-contract ctr  
  (mixed ctr1  
    ...  
    ctrn))
```

Wenn die Prdikate fr die einzelnen Sorten `pred?1` ... `pred?n` heiuen, hat die Schablone fr eine Prozedur, die gemischte Daten konsumiert, die folgende Form:

```
(: proc (ctr -> ...))  
  
(define proc  
  (lambda (a)  
    (cond  
      ((pred?1 a) ...)   
      ...  
      ((pred?n a) ...))))
```

Die rechten Seiten der Zweige werden dann nach den Konstruktionsanleitungen der einzelnen Sorten ausgefllt.

## 5.7 Listen

Eine Prozedur, die eine Liste konsumiert, hat die folgende Schablone:

```
(: proc ((list elem) -> ...))

(define proc
  (lambda (lis)
    (cond
      ((empty? lis) ...)
      ((pair? lis)
       ... (first lis)
       ... (proc (rest lis)) ...))))
```

Dabei ist `elem` der Vertrag für die Elemente der Liste. Dies kann eine Vertragsvariable (`%a`, `%b`, ...) sein, falls die Prozedur unabhängig vom Vertrag der Listenelemente ist.

Füllen Sie in der Schablone zuerst den `empty?`-Zweig aus. Vervollständigen Sie dann den anderen Zweig unter der Annahme, daß der rekursive Aufruf `(proc (rest lis))` das gewünschte Ergebnis für den Rest der Liste liefert.

Beispiel:

```
(: list-sum ((list number) -> number))

(define list-sum
  (lambda (lis)
    (cond
      ((empty? lis) 0)
      ((pair? lis)
       (+ (first lis)
          (list-sum (rest lis)))))))
```

## 5.8 natürliche Zahlen

Eine Prozedur, die natürliche Zahlen konsumiert, hat die folgende Schablone:

```
(: proc (natural -> ...))

(define proc
  (lambda (n)
    (if (= n 0)
        ...
        ... (proc (- n 1)) ...)))
```

Füllen Sie in der Schablone zuerst den 0-Zweig aus. Vervollständigen Sie dann den anderen Zweig unter der Annahme, daß der rekursive Aufruf (`proc (- n 1)`) das gewünschte Ergebnis für `n-1` liefert.

Beispiel:

```
(: factorial (natural -> natural))

(define factorial
  (lambda (n)
    (if (= n 0)
        1
        (* n (factorial (- n 1))))))
```

## 5.9 Prozeduren mit Akkumulatoren

Eine Prozedur mit Akkumulator, die Listen konsumiert, hat die folgende Schablone:

```
(: proc ((list elem) -> ...))

(define proc
  (lambda (lis)
    (proc-helper lis z)))

(define proc-helper
  (lambda (lis acc)
    (cond
      ((empty? lis) acc)
      ((pair? lis)
       (proc-helper (rest lis)
                    (... (first lis) ... acc ...))))))
```

Hier ist `proc` der Name der zu definierenden Prozedur und `proc-helper` der Name der Hilfsprozedur mit Akkumulator. Der Anfangswert für den Akkumulator ist der Wert von `z`. Der Ausdruck `(... (first lis) ... acc ...)` macht aus dem alten Zwischenergebnis `acc` das neue Zwischenergebnis.

Beispiel:

```
(: invert ((list %a) -> (list %a)))

(define invert
  (lambda (lis)
    (invert-helper lis empty)))
```

```

(define invert-helper
  (lambda (lis acc)
    (cond
      ((empty? lis) acc)
      ((pair? lis)
       (invert-helper (rest lis)
                       (make-pair (first lis) acc))))))

```

Eine Prozedur mit Akkumulator, die natrliche Zahlen konsumiert, hat die folgende Schablone:

```

(: proc (natural -> ...))

(define proc
  (lambda (n)
    (proc-helper n z)))

(define proc-helper
  (lambda (n acc)
    (if (= n 0)
        acc
        (proc-helper (- n 1) (... acc ...))))))

```

Dabei ist  $z$  das gewünschte Ergebnis für  $n = 0$ . Der Ausdruck `(... acc ...)` muß den neuen Wert für den Akkumulator berechnen.

Beispiel:

```

(: ! (natural -> natural))

(define !
  (lambda (n)
    (!-helper n 1)))

(define !-helper
  (lambda (n acc)
    (if (= n 0)
        acc
        (!-helper (- n 1) (* n acc))))))

```

## 5.10 gekapselter Zustand

Falls ein Wert Zustand enthalten soll, schreiben Sie eine Datendefinition wie bei zusammengesetzten Daten.

Schreiben Sie dann eine Record-Definition mit `define-record-procedures-2` und legen Sie dabei fest, welche Bestandteile veränderbar sein sollen. Geben Sie Mutatoren für die betroffenen Felder an. Wenn der Selektor für das Feld `select` heißt, sollte der Mutator i.d.R. `set-select!` heißen. Die Form sieht folgendermaßen aus, wobei an der Stelle `k` ein veränderbares Feld steht:

```
(define-record-procedures-2 ctr
  constr pred?
  (select1 ... (sk mutatek) ... sn))
```

In der Schablone für Prozeduren, die den Zustand eines Record-Arguments `r` ändern, benutzen Sie den dazugehörigen Mutator `mutatek`. Wenn `a` der Ausdruck für den neuen Wert der Komponente ist, sieht der Aufruf folgendermaßen aus: `(mutatek r a)`.

Um mehrere Komponenten in einer Prozedur zu verändern, oder um einen sinnvollen Rückgabewert nach einer Mutation zu liefern, benutzen Sie `begin`.

## 6 Bilder konstruieren: "image.ss"

Note: This is documentation for the `image.ss` teachpack that goes with the German textbook *Die Macht der Abstraktion*.

Dieses Teachpack definiert Prozeduren für die Konstruktion von Bildern. Einfache Bilder werden als geometrische Formen oder Bitmaps konstruiert. Zusätzliche Prozeduren erlauben die Komposition von Bildern.

### 6.1 Bilder

---

`image` : contract

Ein *Bild* (Name: `image`) ist die Representation eines Bildes.

---

`empty-image` : `image`

Ein leeres Bild mit Breite und Höhe 0.

---

`image?` : (`%a` -> `boolean?`)

Der Aufruf (`image? x`) stellt fest, ob `x` ein Bild ist.

### 6.2 Modi und Farben

---

`mode` : contract

(`one-of` "solid" "outline")

Ein Modus (Name: `mode`) legt fest, ob die Darstellung einer Form diese füllt oder nur einen Umriss zeichnet.

---

`octet` : contract

(`combined natural` (`predicate` (`lambda` (`n`) (`<= n 255`))))

Ein Oktet (Name: `octet`) ist eine natürliche Zahl zwischen 0 und 255.

---

`rgb-color` : contract

Eine *RGB-Farbe* ist eine Farbe (Name: `color`, die vom Record-Konstruktor `make-color` zurückgegeben wird:

---

```
make-color : (octet octet octet -> rgb-color)
```

Eine RGB-Farbe beschreibt eine Farbe mit den roten, blauen und grnen Anteilen, also z.B. `(make-color 100 200 30)`.

---

```
color-red : (color -> octet)
```

liefert den Rot-Anteil einer RGB-Farbe.

---

```
color-green : (color -> octet)
```

liefert den Grn-Anteil einer RGB-Farbe.

---

```
color-blue : (color -> octet)
```

liefert den Blau-Anteil einer RGB-Farbe.

---

```
image-color : contract
```

```
(mixed string color)
```

Eine *Farbe* (Name: `image-color`) ist eine Zeichenkette aus einer Farbbezeichnung (z.B. `"blue"`) oder eine RGB-Farbe.

---

```
image-color? : (%a -> boolean?)
```

stellt fest, ob ein Objekt eine Farbe ist.

### 6.3 Einfache geometrische Figuren

Die folgenden Prozeduren erzeugen Bilder mit einfachen geometrischen Formen:

---

```
rectangle : (natural natural mode image-color -> image)
```

Der Aufruf `(rectangle w h m c)` erzeugt ein Rechteck mit Breite `w` und Hhe `h`, gefllt mit Modus `m` und in Farbe `c`.

---

```
circle : (natural mode image-color -> image)
```

Der Aufruf (`circle r m c`) erzeugt einen Kreis oder eine Scheibe mit Radius `r`, gefüllt mit Modus `m` und in Farbe `c`.

---

`ellipse` : (natural natural mode image-color -> image)

Der Aufruf (`ellipse w h m c`) erzeugt eine Ellipse mit Breite `w` und Höhe `h`, gefüllt mit Modus `m` und in Farbe `c`.

---

`triangle` : (integer mode image-color -> image)

Der Aufruf (`triangle s m c`) erzeugt ein nach oben zeigendes gleichseitiges Dreieck, wobei `s` die Seitenlänge angibt, gefüllt mit Modus `m` und in Farbe `c`.

---

`line` : (natural natural number number number number image-color -> image)

Der Aufruf (`line w h sx sy ex ey c`) erzeugt ein Bild mit einer farbigen Strecke, wobei `w` die Breite und `h` die Höhe des Bilds, sowie `sx` die X- und `sy` die Y-Koordinate des Anfangspunkts und `ex` die X- und `ey` die Y-Koordinate des Endpunkts angeben, gefüllt mit Modus `m` und in Farbe `c`.

---

`text` : (string natural image-color -> image)

Der Aufruf (`text s f c`) erzeugt ein Bild mit Text `s`, wobei die Buchstaben die Größe `f` haben, in Farbe `c`.

Außerdem können beliebige Bitmap-Bilder in ein Scheme-Programm eingeklebt werden.

## 6.4 Eigenschaften von Bildern

Zwei Eigenschaften von Bildern sind für ihre Manipulation nützlich, nämlich Breite und Höhe:

---

`image-width` : (image -> natural)

liefert die Breite von `i` in Pixeln.

---

`image-height` : (image -> natural)

liefert die Höhe von `i` in Pixeln.

## 6.5 Bilder zusammensetzen

The nächste Gruppe von Prozeduren baut aus Bildern neue Bilder:

---

`h-place` : contract

`(mixed integer (one-of "left" "right" "center"))`

Eine *horizontale Positionsangabe* (Name: `h-place`) gibt an, wie zwei Bilder horizontal zueinander positioniert werden

Im ersten Fall, wenn es sich um eine Zahl `x` handelt, wird das zweite Bild `x` Pixel vom linken Rand auf das erste gelegt. Die drei Fälle mit Zeichenketten sagen, daß die Bilder am linken Rand bzw. am rechten Rand bndig plaziert werden, bzw. das zweite Bild horizontal in die Mitte des ersten gesetzt wird.

---

`v-place` : contract

`(mixed integer (one-of "top" "bottom" "center"))`

Eine *vertikale Positionsangabe* (Name: `v-place`) gibt an, wie zwei Bilder vertikal zueinander positioniert werden

Im ersten Fall, wenn es sich um eine Zahl `y` handelt, wird das zweite Bild `y` Pixel vom oberen Rand auf das erste gelegt. Die drei Fälle mit Zeichenketten sagen, daß die Bilder am oberen Rand bzw. am unteren Rand bndig plaziert werden, bzw. das zweite Bild vertikal in die Mitte des ersten gesetzt wird.

---

`h-mode` : contract

`(one-of "left" "right" "center")` Eine *horizontale Justierungsangabe* (Name: `h-mode`) gibt an, ob zwei Bilder, die bereinander angeordnet werden, entlang der linken Kante, der rechten Kante oder der Mitte angeordnet werden.

---

`v-mode` : contract

`(one-of "top" "bottom" "center")`

Eine *vertikale Justierungsangabe* (Name: `v-mode`) gibt an, ob zwei Bilder, die nebeneinander angeordnet werden, entlang der oberen Kante, der unteren Kante oder der Mitte angeordnet werden.

---

`overlay` : `(image image h-place v-place -> image)`

Der Aufruf (`overlay img other h v`) legt zweite Bild `img` auf das erste `other`. Die beiden anderen Argumente geben an, wie die beiden Bilder zueinander positioniert werden.

---

`beside : (image image v-mode -> image)`

Der Aufruf (`beside img other v`) ordnet die beiden Bilder entsprechend des `v`-Arguments nebeneinander an.

---

`above : (image image h-mode -> image)`

Der Aufruf (`img other h -> image`) ordnet die beiden Bilder entsprechend des `h`-Arguments bereinander an.

---

`clip : (image natural natural natural natural -> image)`

Der Aufruf (`clip img x y w h`) liefert das Teilrechteck des Bildes `img` bei `(x, y)`, Breite `w` und Höhe `h`.

---

`pad : (image natural natural natural natural -> image)`

Der Aufruf (`pad img l r t b`) fgt an den Seiten von `img` noch transparenten Leerraum an: `l` Pixel links, `r` Pixel rechts, `t` Pixel oben und `b` Pixel unten.

## 7 Animationen: "world.ss"

Note: This is documentation for the world.ss teachpack that goes with the German textbook *Die Macht der Abstraktion*.

Dieses Teachpack ermöglicht, kleine Animationen und Spiele zu programmieren. Es enthält alle Prozeduren aus dem image-Teachpack.

---

`world` : contract

Eine *Welt* (Name: `world`) ist die Representation des Zustands, der durch die Animation abgebildet wird.

---

`mouse-event-kind` : contract

`(one-of "enter" "leave" "motion" "left-down" "left-up" "middle-down" "middle-up" "right-down" "right-up")`

Eine *Mausereignis-Art* (Name: `mouse-event-kind`) bezeichnet die Art eines Mausereignisses:

"enter" bedeutet, daß der Mauszeiger gerade in das Fenster hinein bewegt wurde. "leave" bedeutet, daß der Mauszeiger gerade aus dem Fenster heraus bewegt wurde. "motion" bedeutet, daß der Mauszeiger innerhalb des Fensters bewegt wurde. Die anderen Zeichenketten bedeuten, daß der entsprechende Mausknopf gedrückt oder losgelassen wurde.

---

`big-bang` : `((natural natural number world -> (one-of #t))`

Der Aufruf `(big-bang w h n w)` erzeugt eine Leinwand mit Breite `w` und Höhe `h`, startet die Uhr, die alle `n` Sekunden tickt, und macht `w` zur ersten Welt.

---

`on-tick-event` : `((world -> world) -> (one-of #t))`

Der Aufruf `(on-tick-event tock)` meldet `tock` als Prozedur an, die bei jedem Uhrentick aufgerufen wird, um aus der alten Welt eine neue zu machen.

---

`on-key-event` : `((world string -> world) -> (one-of #t))`

Der Aufruf `(on-key-event change)` meldet `change` als Prozedur an, die bei jedem Tastendruck aufgerufen wird, um aus der alten Welt eine neue zu machen. Dabei wird als Argument eine Zeichenkette übergeben, welche die Taste darstellt, also "a" für die A-Taste etc., sowie "up", "down", "left", und "right" für die entsprechenden Pfeiltasten und "wheel-up" für die Bewegung des Mauseisens nach oben und "wheel-down" für die Bewegung des

Mausrads nach unten.

---

```
on-mouse-event : ((world natural natural mouse-event-kind -> world) -> (one-of #t))
```

Der Aufruf `(on-mouse-event change)` meldet `change` als Prozedur an, die bei jedem Mausereignis aufgerufen wird, um aus der alten Welt eine neue zu machen. Die `change`-Prozedur wird als `(change w x y k)` aufgerufen. Dabei ist `w` die alte Welt, `x` und `y` die Koordinaten des Mauszeigers, und `k` die Art des Mausereignisses.

---

```
on-redraw : ((world -> image) -> (one-of #t))
```

Der Aufruf `(world->image world->image)` meldet die Prozedur `world->image` an, die aus einer Welt ein Bild macht, das auf der Leinwand dargestellt wird.

---

```
end-of-time : (string -> world)
```

Diese Prozedur hlt die Welt an und druckt ihr Argument in der REPL aus.

## 8 Turtle-Grafik: "turtle.ss"

Note: This is documentation for the `turtle.ss` teachpack that goes with the German textbook *Die Macht der Abstraktion*.

Turtle-Grafik ist eine Methode zum Erstellen von Computergrafiken. Das Zeichnen wird dabei durch das Bewegen einer virtuellen Schildkröte über den Zeichenbereich modelliert. Eine Schildkröte kann durch drei Befehle bewegt werden:

- `(move n)` Bewegt die Schildkröte um `n` Pixel ohne zu zeichnen.
- `(draw n)` Bewegt die Schildkröte um `n` Pixel und zeichnet dabei.
- `(turn n)` Dreht die Schildkröte um `n` Grad im Uhrzeigersinn.

Wir stellen jetzt ein Teachpack für DrScheme vor, mit dessen Hilfe solche Turtle-Grafiken erstellt werden können.

### 8.1 Tutorial

Unser Ziel ist es, in diesem Tutorial ein Quadrat mithilfe der Prozeduren des Teachpacks zu zeichnen. Aus diesem Grund müssen wir zunächst mit der Prozedur `draw` eine Linie nach rechts malen. Die initiale Ausgangsposition der Turtle ist in der Bildmitte mit Blick nach rechts. Mit `(draw 20)` bewegen wir die Turtle dann 20 Pixel nach rechts und zeichnen dabei. Um das resultierende Bild zu sehen ist, müssen wir die Turtle mittels der Prozedur `run` laufen lassen. Die restlichen Parameter für `run` sind die Höhe und die Breite des Bildes sowie die Farbe, in der gezeichnet werden soll. Geben Sie also folgenden Befehl in die REPL ein, um Ihre erste Turtle-Grafik zu erstellen:

```
(run (draw 20) 100 100 "red")
```

Sie erhalten dann eine Ausgabe wie die folgende:

```
Willkommen bei DrScheme, Version 371 [3m].  
Sprache: Die Macht der Abstraktion angepasst.  
Teachpack: turtle.ss.  
> (run (draw 20) 100 100 "red")
```



```
>
```

Nun vervollständigen wir die Linie zu einem rechten Winkel: wir drehen die Turtle um 90 nach rechts und zeichnen dann eine Linie der Länge 20 Pixel nach unten. Zum Drehen einer Turtle verwenden wir die Prozedur `turn`.

Da wir ein Quadrat aus zwei rechten Winkeln zusammensetzen können, abstrahieren wir über das Zeichnen des rechten Winkels. Dazu schreiben wir eine Prozedur `right-angle` die als Parameter eine Turtle erhält:

```
(: right-angle (turtle -> turtle))  
(define right-angle  
  (lambda (t1)  
    (let* ((t2 ((draw 20) t1))  
          (t3 ((turn -90) t2))  
          (t4 ((draw 20) t3)))  
          t4)))
```

Das Ergebnis sieht dann so aus:

```
Willkommen bei DrScheme, Version 371 [3m].  
Sprache: Die Macht der Abstraktion angepasst.  
Teachpack: turtle.ss.  
> (run right-angle 100 100 "red")
```

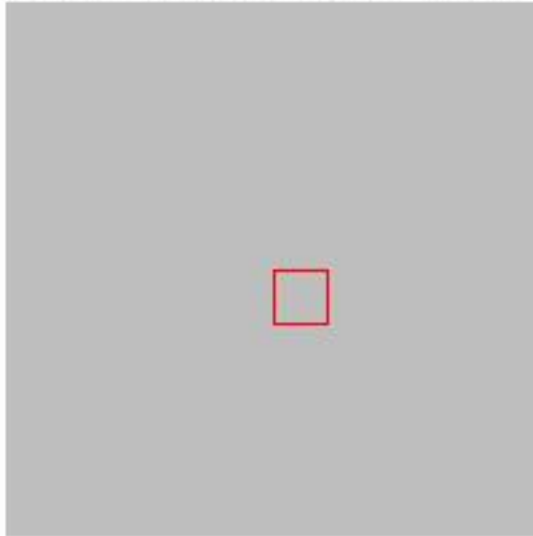


Um das Quadrat komplett zu zeichnen, sollen nun zwei rechte Winkel verwendet werden. Wir zeichnen also einen rechten Winkel, drehen uns um 90 nach rechts, und zeichnen einen zweiten rechten Winkel.

```
(: square (turtle -> turtle))  
(define square  
  (lambda (t1)  
    (let* ((t2 (right-angle t1))  
          (t3 ((turn -90) t2))  
          (t4 (right-angle t3)))  
          t4)))
```

So sieht das Ergebnis aus:

```
Willkommen bei DrScheme, Version 371 [3m].  
Sprache: Die Macht der Abstraktion angepasst.  
Teachpack: turtle.ss.  
> (run square 200 200 "red")
```



```
>
```

### 8.1.1 Verbesserungen

An dem Beispiel ist leicht zu sehen, dass es zum Zeichnen mit Hilfe von Turtle-Grafik oft erforderlich ist, Zwischenwerte wie `t1`, `t2` etc., an die nächste Prozedur weiterzureichen, die Werte ansonsten aber nicht weiterverwendet werden. Beispielsweise werden in der obigen Definition von `square` die Variablen `t1`, ..., `t4` nur gebraucht, um die Prozeduren `right-angle`, `(turn -90)` und `right-angle` hintereinander auszuführen.

Um solche Fälle einfach programmieren zu können, enthält das Turtle-Teachpack die Prozedur `sequence`. Damit können wir eine zu `right-angle` äquivalente Version wesentlich einfacher aufschreiben:

```
(define right-angle2  
  (sequence (draw 20) (turn -90) (draw 20)))
```

Ebenso wie `right-angle` können wir `square` leichter schreiben als:

```
(define square2  
  (sequence right-angle (turn -90) right-angle))
```

## 8.2 Prozeduren

---

`turtle` : contract

Dies ist der Vertrag für Turtles.

---

`set-color` : (color -> (turtle -> turtle))

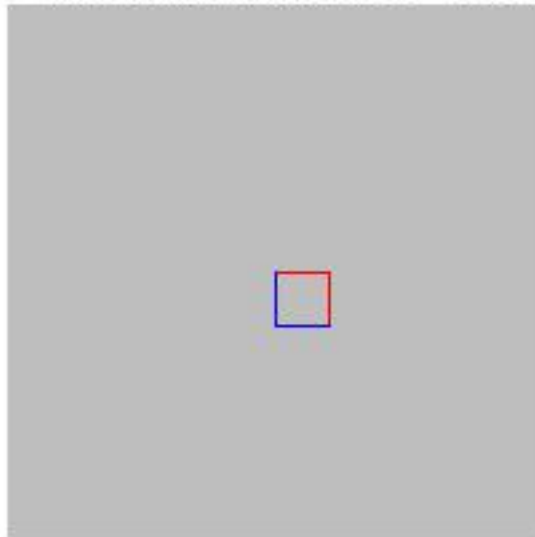
Diese Prozedur ist eine Prozedurfabrik. Sie liefert als Ergebnis eine Prozedur, die auf eine Turtle anwendbar ist. Wendet man das Ergebnis auf eine Turtle an, so ändert dies die Farbe mit der gezeichnet wird.

Folgender Code

```
(define square3
  (sequence right-angle (turn -90) (set-color "blue") right-angle))
```

liefert dieses Bild:

```
Willkommen bei DrScheme, Version 371 [3m].
Sprache: Die Macht der Abstraktion angepasst.
Teachpack: turtle.ss.
> (run square3 200 200 "red")
```



```
> |
```

---

`turn` : (number -> (turtle -> turtle))

Diese Prozedur ist eine Prozedurfabrik. Sie liefert als Ergebnis eine Prozedur, die auf eine Turtle anwendbar ist. Wendet man das Ergebnis auf eine Turtle an, so ändert sich die Blickrichtung der Turtle um die gegebene Gradzahl gegen den Uhrzeigersinn.

---

```
draw : (number -> (turtle -> turtle))
```

Diese Prozedur ist eine Prozedurfabrik. Sie liefert als Ergebnis eine Prozedur, die auf eine Turtle anwendbar ist. Wendet man das Ergebnis auf eine Turtle an, so bewegt sich die Schildkröte um die gegebene Anzahl von Pixel und zeichnet dabei eine Linie.

---

```
move : (number -> (turtle -> turtle))
```

Diese Prozedur ist eine Prozedurfabrik. Sie liefert als Ergebnis eine Prozedur, die auf ein Turtle anwendbar ist. Wendet man das Ergebnis auf eine Turtle an, so bewegt sich die Schildkröte um die gegebene Anzahl von Pixel, zeichnet dabei aber keine Linie.

---

```
run : ((turtle -> turtle) number number color -> image)
```

Diese Prozedur wendet die übergebene Prozedur von Turtle nach Turtle auf die initiale Schildkröte an und zeigt das daraus resultierende Bild an. Der zweite Parameter ist die Höhe des Bilds, der dritte Parameter die Breite des Bilds und der vierte Parameter die Farbe, mit der gezeichnet wird.

---

```
sequence : ((turtle -> turtle) ... -> (turtle -> turtle))
```

Diese Prozedur nimmt eine beliebige Anzahl von Turtle-Veränderungen (d.h. Prozeduren mit Vertrag `turtle -> turtle`) und erstellt eine neue Prozedur, die die Veränderungen der Reihe nach von links nach rechts abarbeitet.

## 9 Abspielen von Audio-Dateien: "sound.ss"

Note: This is documentation for the `sound.ss` teachpack that goes with the German textbook *Die Macht der Abstraktion*.

Dieses Teachpack definiert eine Prozedur zum Abspielen einer Audio-Datei. Diese Prozedur ist je nach Plattform unterschiedlich realisiert, und funktioniert möglicherweise nicht auf jedem Rechner.

---

`play-sound-file` : (`string` -> `unspecific`)

Der Aufruf (`play-sound-file f`) spielt die Audio-Datei mit dem Namen `f` ab.

---

`background-play-sound-file` : (`string` -> `unspecific`)

Der Aufruf (`background-play-sound-file f`) spielt die Audio-Datei mit dem Namen `f` im Hintergrund ab, also ohne dass das Scheme-Programm anhlt.

## 10 3D-Liniengraphik: "line3d.ss"

Note: This is documentation for the `line3d.ss` teachpack that goes with the German textbook *Die Macht der Abstraktion*.

Dieses teachpack definiert Prozeduren für lineare Algebra und 3D-Rendering:

### 10.1 Szenen erzeugen

---

`render-scene` : (natural natural (list line3d) matrix4x4 -> image)

Der Aufruf (`render-scene width height scene camera-matrix`) erzeugt die Szene in ein Bild mit Breite `width` und Höhe `height`. Position, Orientierung und Projektion werden durch die `camera-matrix` festgelegt.

---

`create-camera-matrix` : (vec3 vec3 number natural natural -> matrix4x4)

Der Aufruf (`create-camera-matrix position lookat vertical-fov width height`) erzeugt eine 4x4 Matrix. Diese kodiert eine Kamera an der Position `position`, die auf die Position `lookat` schaut. `vertical-fov` bezeichnet das *vertikale Feld* der Szene.

Zum Beispiel:

```
; scene-data (simple box example)
(define box
  (create-box 1.0 1.0 1.0 "brown"))
; screen
(define screenWidth 320)
(define screenHeight 240)
; camera
(define pos (make-vec3 5 5 3))
(define lookat (make-vec3 0 0 0))
(define camera
  (create-camera-matrix pos lookat 70.0 screenWidth screenHeight))
; render image
(render-scene screenWidth screenHeight box camera)
```

### 10.2 3D-Vektoren

---

`vec3` : `contract`

Ein *3D-Vektor* (Name: `vec3`) ist ein Record, der durch den Aufruf `make-vec3` erstellt wird.

---

`make-vec3` : `(number number number -> vec3)`

`(make-vec3 x y z)` erstellt einen Vektor (x,y,z).

---

`add-vec3` : `(vec3 vec3 -> vec3)`

`(add-vec3 a b)` gibt die Summe von `a` und `b` zurück.

---

`sub-vec3` : `(vec3 vec3 -> vec3)`

`(sub-vec3 a b)` gibt die Differenz zwischen `a` und `b` zurück.

---

`mult-vec3` : `(vec3 number -> vec3)`

`(mult-vec3 a s)` gibt den das Produkt von `a` und `s` zurück.

---

`div-vec3` : `(vec3 number -> vec3)`

`(div-vec3 a s)` gibt den das Produkt von `a` und dem Kehrwert von `s` zurück.

---

`dotproduct-vec3` : `(vec3 vec3 -> number)`

`(dotproduct-vec3 a b)` gibt das Produkt von `a` und `b` zurück.

---

`normQuad-vec3` : `(vec3 -> number)`

`(normQuad-vec3 a)` gibt die quadrierte Norm/Lnge  $|a|$  eines Vektors `a` zurück (Quadrat der Euklidischen Norm.)

---

`norm-vec3` : `(vec3 -> number)`

`(norm-vec3 a)` gibt die Norm/Lnge  $|a|$  eines Vektors `a` zurück (Euklidische Norm.)

---

`normalize-vec3` : `(vec3 -> vec3)`

`(normalize-vec3 a)` normalisiert `a`.

---

`crossproduct-vec3` : (vec3 vec3-> vec3)

(`crossproduct-vec3` a b) gibt das Kreuzprodukt von a und b zurück (einen Vektor der senkrecht auf a und b steht).

### 10.3 4D-Vektoren

---

`vec4` : contract

Ein *4D-Vektor* `vec4` ist ein 4D-Vektor. Folgende Prozeduren werden bereitgestellt:

---

`make-vec4` : (number number number number -> vec4)

(`make-vec4` a b c d) erzeugt einen Vektor aus a, b, c und d.

---

`add-vec4` : (vec4 vec4 -> vec4)

(`add-vec4` a b) gibt die Summe von a und b zurück.

---

`sub-vec4` : (vec4 vec4 -> vec4)

(`sub-vec4` a b) gibt die Differenz zwischen a und b zurück.

---

`mult-vec4` : (vec4 number -> vec4)

(`mult-vec4` a s) gibt den das Produkt von a und s zurück.

---

`div-vec4` : (vec4 number -> vec4)

(`div-vec4` a s) gibt den das Produkt von a und dem Kehrwert von s zurück.

---

`dotproduct-vec4` : (vec3 vec4 -> number)

(`dotproduct-vec4` a b) gibt die quadrierte Norm/Lnge  $|a|$  eines Vektors a zurück (Quadrat der Euklidischen Norm.)

---

`normQuad-vec4` : (vec4 -> number)

`(normQuad-vec4 a)` gibt die quadrierte Norm/Lnge  $|a|$  eines Vektors `a` zurck (Quadrat der Euklidischen Norm.)

---

`norm-vec4` : (vec4 -> number)

`(norm-vec4 a)` gibt die Norm/Lnge  $|a|$  eines Vektors `a` zurck (Euklidische Norm)

---

`normalize-vec4` : (vec4 -> vec4)

`(normalize-vec4 a)` normalisiert `a`.

---

`expand-vec3` : (vec3 number -> vec4)

`(expand-vec3 a s)` gibt den 4D-Vektor mit `s` als letzte Komponente zurck (erweitert `a` mit `s`).

## 10.4 4x4 Matrizen

---

`matrix4x4` : contract

Eine *Matrix* `matrix4x4` ist ein Record, der durch den Aufruf `make-matrix4x4` erstellt wird.

---

`make-matrix4x4` : (vec4 vec4 vec4 vec4 -> matrix4x4)

`(make-matrix4x4 a b c d)` erstellt eine Matrix aus `a`, `b`, `c` und `d`.

---

`create-matrix4x4` : (vec3 vec3 vec3 vec3 -> matrix4x4)

`(create-matrix4x4 a b c d)` erweitert jeden Vektor in einen 4D-Vektor und kombiniert diese zu einer Matrix `a`, `b`, `c` und `d`, wobei `a`, `b`, `c` mit 0 und `d` mit 1 erweitert wird, um eine homogene Matrix zu erzeugen.

---

`transpose-matrix4x4` : (matrix4x4 -> matrix4x4)

`(transpose-matrix4x4 m)` erstellt die transponierte Matrix  $m^T$ .

---

`multiply-matrix-vec4` : (matrix vec4 -> vec4)

`(multiply-matrix-vec4 m v)` gibt die Matrix `mv` zurück. Die `w`-Komponente ist nicht normalisiert.

---

`transform-vec3 : (matrix4x4 vec3 -> vec3)`

`(transform-vec3 m v)` erweitert `v` mit 1, multipliziert `m` mit `v` und dividiert das Ergebnis mit `w`.

---

`multiply-matrix : (matrix4x4 matrix4x4 -> matrix4x4)`

`(multiply-matrix a b)` gibt die Matrix `a*b` zurück.

---

`create-translation-matrix : (vec3 -> matrix4x4)`

`(create-translation-matrix v)` gibt die Translations-Matrix zurück.

---

`create-rotation-x-matrix : (number -> matrix4x4)`

`(create-rotation-x-matrix a)` gibt eine Rotations-Matrix zurück die um die X-Achse mit dem Winkel `a` rotiert.

---

`create-rotation-y-matrix : (number -> matrix4x4)`

`(create-rotation-y-matrix a)` gibt eine Rotations-Matrix zurück die um die Y-Achse mit dem Winkel `a` rotiert.

---

`create-rotation-z-matrix : (number -> matrix4x4)`

`(create-rotation-z-matrix a)` gibt eine Rotations-Matrix zurück die um die Z-Achse mit dem Winkel `a` rotiert.

---

`create-lookat-matrix : (vec3 vec3 vec3 -> matrix4x4)`

`(create-lookat-matrix pos lookat up)` gibt eine Kameramatrix. Ursprungspunkt ist `pos`, die Z-Achse zeigt auf `lookat`.

---

`create-projection-matrix : (number -> matrix4x4)`

`(create-projection-matrix vertical-fov/2)` erzeugt eine Projektions-Matrix. `vertical-fov/2` gibt den vertikalen Winkel der Ansicht dividiert durch 2 an.

---

`create-viewport-matrix` : (natural natural -> matrix4x4)

(`create-viewport-matrix` width height) gibt einen Ausschnitt an.

## 10.5 3d-Linien

---

`line3d` : contract

Eine *3d-Linie* `line3d` ist ein Record, der durch den Aufruf `make-line3d` erstellt wird und eine farbige Linie zwischen zwei Punkten im 3-dimensionalen Raum darstellt.

---

`make-line3d` : (vec3 vec3 color -> line3d)

(`make-line3d` a b col) erstellt eine 3D-Linie zwischen Punkt a und Punkt b mit der Farbe col.

---

`line3d-a` : (line3d -> vec3)

extrahiert den Anfangspunkt einer 3D-Linie.

---

`line3d-b` : (line3d -> vec3)

extrahiert den Endpunkt einer 3D-Linie.

---

`line3d-color` : (line3d -> color)

extrahiert die Farbe einer 3D-Linie.

---

`create-box` : (number number number color -> (list line3d))

(`create-box` width height depth color) erstellt eine Box am Punkt (0,0,0) in den angegebenen Ausmaßen.

---

`transform-primitive-list` : ((list line3d) matrix4x4 -> (list line3d))

(`transform-primitive-list` scene transformationr) wendet `transformation` auf alle Punkte der Linien in `scene` an und gibt diese zurück.

## 11 DMdA: Sprachen als Libraries

Note: This is documentation for the language levels that go with the German textbook *Die Macht der Abstraktion*.

### 11.1 *Die Macht der Abstraktion* - Anfnger

(require deinprogramm/DMdA-beginner)

Das Modul `deinprogramm/DMdA-beginner` implementiert die Anfngersprache fr *Die Macht der Abstraktion*; siehe §1 “Die Macht der Abstraktion - Anfnger”.

### 11.2 *Die Macht der Abstraktion*

(require deinprogramm/DMdA-vanilla)

Das Modul `deinprogramm/DMdA-vanilla` implementiert die Standardsprache fr *Die Macht der Abstraktion*; siehe §2 “Die Macht der Abstraktion”.

### 11.3 *Die Macht der Abstraktion* mit Zuweisungen

(require deinprogramm/DMdA-assignments)

Das Modul `deinprogramm/DMdA-assignments` implementiert die Sprachebene fr *Die Macht der Abstraktion* mit Zuweisungen und Mutationen; siehe §3 “Die Macht der Abstraktion mit Zuweisungen”.

### 11.4 *Die Macht der Abstraktion* - fortgeschritten

(require deinprogramm/DMdA-advanced)

Das Modul `deinprogramm/DMdA-advanced` implementiert die fortgeschrittene Sprachebene fr *Die Macht der Abstraktion*; siehe §4 “Die Macht der Abstraktion fortgeschritten”.

## Index

`#f`, 7

`#t`, 7

`#t` and `#f`, 7

`*`, 14

`*`, 54

`*`, 26

`*`, 40

`+`, 54

`+`, 14

`+`, 26

`+`, 40

`-`, 40

`-`, 14

`-`, 54

`-`, 26

`->`, 12

`/`, 14

`/`, 26

`/`, 54

`/`, 40

*3d-Linie*, 92

3d-Linien, 92

3D-Liniengraphik: "line3d.ss", 87

3D-Vektor, 88

3D-Vektoren, 87

4D-Vektor, 89

4D-Vektoren, 89

4x4 Matrizen, 90

`:`, 10

`<`, 54

`<`, 14

`<`, 27

`<`, 40

`<=`, 54

`<=`, 27

`<=`, 14

`<=`, 40

`=`, 41

`=`, 14

`=`, 27

`=`, 55

`>`, 15

`>`, 41

`>`, 55

`>`, 27

`>=`, 41

`>=`, 15

`>=`, 27

`>=`, 55

above, 77

abs, 55

abs, 15

abs, 27

abs, 41

Abspielen von Audio-Dateien:

"sound.ss", 86

acos, 15

acos, 55

acos, 27

acos, 41

add-vec3, 88

add-vec4, 89

and, 8

and, 8

angle, 41

angle, 27

angle, 15

angle, 55

Animationen: "world.ss", 78

append, 60

append, 46

append, 32

apply, 63

apply, 49

asin, 55

asin, 27

asin, 41

asin, 15

atan, 55

atan, 41

atan, 15

atan, 27

[background-play-sound-file](#), 86  
[begin](#), 9  
[begin](#), 9  
[beside](#), 77  
 Bezeichner, 7  
[big-bang](#), 78  
*Bild*, 73  
 Bilder, 73  
 Bilder konstruieren: "image.ss", 73  
 Bilder zusammensetzen, 76  
 boolean, 10  
[boolean=?](#), 32  
[boolean=?](#), 60  
[boolean=?](#), 19  
[boolean=?](#), 46  
[boolean?](#), 46  
[boolean?](#), 60  
[boolean?](#), 32  
[boolean?](#), 20  
[ceiling](#), 28  
[ceiling](#), 55  
[ceiling](#), 15  
[ceiling](#), 41  
[check-error](#), 13  
[check-expect](#), 13  
[check-within](#), 13  
[chocolate-cookie-chocolate](#), 20  
[chocolate-cookie-chocolate](#), 47  
[chocolate-cookie-chocolate](#), 61  
[chocolate-cookie-chocolate](#), 33  
[chocolate-cookie-cookie](#), 20  
[chocolate-cookie-cookie](#), 33  
[chocolate-cookie-cookie](#), 47  
[chocolate-cookie-cookie](#), 61  
[chocolate-cookie?](#), 61  
[chocolate-cookie?](#), 20  
[chocolate-cookie?](#), 34  
[chocolate-cookie?](#), 47  
[circle](#), 74  
[clip](#), 77  
[color-blue](#), 74  
[color-green](#), 74  
[color-red](#), 74  
 combined, 13  
 combined, 13  
[complex?](#), 28  
[complex?](#), 41  
[complex?](#), 55  
[complex?](#), 15  
 cond, 7  
 cond, 7  
[cos](#), 28  
[cos](#), 42  
[cos](#), 15  
[cos](#), 56  
[create-box](#), 92  
[create-camera-matrix](#), 87  
[create-lookat-matrix](#), 91  
[create-matrix4x4](#), 90  
[create-projection-matrix](#), 91  
[create-rotation-x-matrix](#), 91  
[create-rotation-y-matrix](#), 91  
[create-rotation-z-matrix](#), 91  
[create-translation-matrix](#), 91  
[create-viewport-matrix](#), 92  
[crossproduct-vec3](#), 89  
[current-seconds](#), 16  
[current-seconds](#), 42  
[current-seconds](#), 56  
[current-seconds](#), 28  
 define, 6  
 define-contract, 9  
 define-contract, 9  
 define-record-procedures, 6  
 define-record-procedures-2, 39  
 define-record-procedures-2, 39  
 define-record-procedures-  
   parametric, 13  
 define-record-procedures-  
   parametric-2, 40  
 define-record-procedures-  
   parametric-2, 40  
 Definitionen, 6  
[deinprogramm/DMdA-advanced](#), 93

deinprogramm/DMdA-assignments, 93  
 deinprogramm/DMdA-beginner, 93  
 deinprogramm/DMdA-vanilla, 93  
[denominator](#), 42  
[denominator](#), 16  
[denominator](#), 56  
[denominator](#), 28  
 Die Macht der Abstraktion, 23  
*Die Macht der Abstraktion*, 93  
 Die Macht der Abstraktion - Anfänger, 3  
*Die Macht der Abstraktion - Anfänger*, 93  
*Die Macht der Abstraktion - fortgeschritten*,  
 93  
 Die Macht der Abstraktion fortgeschritten,  
 50  
 Die Macht der Abstraktion mit Zuweisungen,  
 36  
*Die Macht der Abstraktion mit Zuweisungen*,  
 93  
[div-vec3](#), 88  
[div-vec4](#), 89  
**DMdA**: Sprachen als Libraries, 93  
[dotproduct-vec3](#), 88  
[dotproduct-vec4](#), 89  
[draw](#), 85  
 Eigenschaften von Bildern, 75  
 Einfache geometrische Figuren, 74  
[ellipse](#), 75  
[else](#), 7  
[empty](#), 46  
[empty](#), 60  
[empty](#), 32  
[empty](#), 20  
[empty-image](#), 73  
[empty-list](#), 11  
[empty?](#), 60  
[empty?](#), 32  
[empty?](#), 20  
[empty?](#), 46  
[end-of-time](#), 79  
[eq?](#), 49  
[eq?](#), 63  
[equal?](#), 63  
[equal?](#), 49  
[even?](#), 42  
[even?](#), 28  
[even?](#), 56  
[even?](#), 16  
[exact->inexact](#), 16  
[exact->inexact](#), 28  
[exact->inexact](#), 42  
[exact->inexact](#), 56  
[exact?](#), 56  
[exact?](#), 28  
[exact?](#), 16  
[exp](#), 16  
[exp](#), 56  
[exp](#), 42  
[exp](#), 28  
[expand-vec3](#), 90  
[expt](#), 42  
[expt](#), 16  
[expt](#), 56  
[expt](#), 28  
 Fallunterscheidung, 66  
[false](#), 11  
[false?](#), 46  
[false?](#), 60  
[false?](#), 20  
[false?](#), 32  
*Farbe*, 74  
[first](#), 33  
[first](#), 60  
[first](#), 46  
[floor](#), 16  
[floor](#), 42  
[floor](#), 29  
[floor](#), 56  
[fold](#), 33  
[fold](#), 46  
[fold](#), 60  
[for-each](#), 35  
[for-each](#), 49

[for-each](#), 63  
[gcd](#), 29  
[gcd](#), 56  
[gcd](#), 42  
[gcd](#), 16  
gekapselter Zustand, 71  
gemischte Daten, 68  
[h-mode](#), 76  
[h-place](#), 76  
*horizontale Justierungsangabe*, 76  
*horizontale Positionsangabe*, 76  
[if](#), 8  
[if](#), 8  
[imag-part](#), 57  
[imag-part](#), 16  
[imag-part](#), 29  
[imag-part](#), 43  
[image](#), 73  
[image-color](#), 74  
[image-color?](#), 74  
[image-height](#), 75  
image-Teachpack, 95  
[image-width](#), 75  
[image?](#), 73  
[inexact->exact](#), 17  
[inexact->exact](#), 57  
[inexact->exact](#), 29  
[inexact->exact](#), 43  
[inexact?](#), 17  
[inexact?](#), 43  
[inexact?](#), 57  
[inexact?](#), 29  
integer, 10  
[integer?](#), 29  
[integer?](#), 17  
[integer?](#), 57  
[integer?](#), 43  
Konstruktion von Prozeduren, 66  
Konstruktionsanleitungen 1 bis 10, 64  
[lambda](#), 7  
[lambda](#), 7  
[lcm](#), 43  
[lcm](#), 57  
[lcm](#), 17  
[lcm](#), 29  
[length](#), 33  
[length](#), 46  
[length](#), 60  
[let](#), 8  
[let\\*](#), 9  
[let](#), [letrec](#) und [let\\*](#), 8  
[letrec](#), 9  
[line](#), 75  
[line3d](#), 92  
[line3d-a](#), 92  
[line3d-b](#), 92  
[line3d-color](#), 92  
line3d-Teachpack, 94  
[list](#), 12  
[list](#), 33  
[list](#), 12  
[list](#), 61  
[list](#), 47  
[list-ref](#), 61  
[list-ref](#), 47  
[list-ref](#), 33  
Listen, 69  
[log](#), 43  
[log](#), 29  
[log](#), 17  
[log](#), 57  
[magnitude](#), 17  
[magnitude](#), 29  
[magnitude](#), 57  
[magnitude](#), 43  
[make-chocolate-cookie](#), 47  
[make-chocolate-cookie](#), 20  
[make-chocolate-cookie](#), 34  
[make-chocolate-cookie](#), 61  
[make-color](#), 74  
[make-line3d](#), 92  
[make-matrix4x4](#), 90  
[make-pair](#), 33  
[make-pair](#), 61

[make-pair](#), 47  
[make-polar](#), 17  
[make-polar](#), 29  
[make-polar](#), 57  
[make-polar](#), 43  
[make-vec3](#), 88  
[make-vec4](#), 89  
[map](#), 49  
[map](#), 35  
[map](#), 63  
*Matrix*, 90  
[matrix4x4](#), 90  
*Mausereignis-Art*, 78  
[max](#), 17  
[max](#), 57  
[max](#), 30  
[max](#), 43  
[min](#), 30  
[min](#), 43  
[min](#), 57  
[min](#), 17  
[mixed](#), 11  
[mixed](#), 11  
[mode](#), 73  
*Modi und Farben*, 73  
[modulo](#), 17  
[modulo](#), 58  
[modulo](#), 44  
[modulo](#), 30  
[mouse-event-kind](#), 78  
[move](#), 85  
[mult-vec3](#), 88  
[mult-vec4](#), 89  
[multiply-matrix](#), 91  
[multiply-matrix-vec4](#), 90  
[natural](#), 10  
[natural?](#), 18  
[natural?](#), 30  
[natural?](#), 44  
[natural?](#), 58  
*natrlche Zahlen*, 69  
[negative?](#), 58  
[negative?](#), 30  
[negative?](#), 44  
[negative?](#), 18  
[norm-vec3](#), 88  
[norm-vec4](#), 90  
[normalize-vec3](#), 88  
[normalize-vec4](#), 90  
[normQuad-vec3](#), 88  
[normQuad-vec4](#), 89  
[not](#), 60  
[not](#), 32  
[not](#), 46  
[not](#), 20  
[number](#), 10  
[number->string](#), 18  
[number->string](#), 58  
[number->string](#), 44  
[number->string](#), 30  
[number?](#), 18  
[number?](#), 58  
[number?](#), 44  
[number?](#), 30  
[numerator](#), 18  
[numerator](#), 30  
[numerator](#), 58  
[numerator](#), 44  
[octet](#), 73  
[odd?](#), 30  
[odd?](#), 44  
[odd?](#), 58  
[odd?](#), 18  
[on-key-event](#), 78  
[on-mouse-event](#), 79  
[on-redraw](#), 79  
[on-tick-event](#), 78  
[one-of](#), 11  
[one-of](#), 11  
[or](#), 8  
[or](#), 8  
[overlay](#), 76  
[pad](#), 77  
[pair?](#), 33

[pair?](#), 61  
[pair?](#), 47  
 Parametrische Record-Typ-Definitionen, 13  
*parametrischen Vertrag*, 10  
[play-sound-file](#), 86  
[positive?](#), 44  
[positive?](#), 58  
[positive?](#), 18  
[positive?](#), 30  
 predicate, 11  
 predicate, 11  
 Primitive Operationen, 54  
 Primitive Operationen, 40  
 Primitive Operationen, 14  
 Primitive Operationen, 26  
 property, 12  
 property, 12  
 Prozedur-Vertrag, 12  
 Prozedurapplikation, 6  
 Prozeduren, 84  
 Prozeduren mit Akkumulatoren, 70  
 quote, 54  
 Quote-Literal, 53  
[quotient](#), 31  
[quotient](#), 44  
[quotient](#), 18  
[quotient](#), 58  
[random](#), 31  
[random](#), 44  
[random](#), 18  
[random](#), 58  
 rational, 10  
[rational?](#), 18  
[rational?](#), 59  
[rational?](#), 45  
[rational?](#), 31  
 real, 10  
[real-part](#), 19  
[real-part](#), 45  
[real-part](#), 59  
[real-part](#), 31  
[real?](#), 45  
[real?](#), 59  
[real?](#), 31  
[real?](#), 19  
 Record-Typ-Definitionen, 6  
[rectangle](#), 74  
[remainder](#), 45  
[remainder](#), 31  
[remainder](#), 59  
[remainder](#), 19  
[render-scene](#), 87  
[rest](#), 61  
[rest](#), 47  
[rest](#), 33  
[reverse](#), 47  
[reverse](#), 33  
[reverse](#), 61  
[rgb-color](#), 73  
*RGB-Farbe*, 74  
[round](#), 31  
[round](#), 45  
[round](#), 19  
[round](#), 59  
[run](#), 85  
[sequence](#), 85  
[set!](#), 40  
[set!](#), 40  
[set-color](#), 84  
[sin](#), 19  
[sin](#), 31  
[sin](#), 59  
[sin](#), 45  
 sound-Teachpack, 94  
 Sprachebenen und Material zu *Die Macht der Abstraktion*, 1  
[sqrt](#), 19  
[sqrt](#), 31  
[sqrt](#), 59  
[sqrt](#), 45  
 string, 11  
[string->number](#), 59  
[string->number](#), 31  
[string->number](#), 19

string->number, 45  
 string->strings-list, 34  
 string->strings-list, 21  
 string->strings-list, 48  
 string->strings-list, 62  
 string-append, 62  
 string-append, 34  
 string-append, 48  
 string-append, 21  
 string-length, 62  
 string-length, 48  
 string-length, 34  
 string-length, 21  
 string<=?, 48  
 string<=?, 34  
 string<=?, 21  
 string<=?, 62  
 string<?, 34  
 string<?, 62  
 string<?, 48  
 string<?, 21  
 string=?, 62  
 string=?, 34  
 string=?, 21  
 string=?, 48  
 string>=?, 21  
 string>=?, 34  
 string>=?, 48  
 string>=?, 62  
 string>?, 48  
 string>?, 34  
 string>?, 62  
 string>?, 21  
 string?, 48  
 string?, 35  
 string?, 62  
 string?, 21  
 strings-list->string, 21  
 strings-list->string, 35  
 strings-list->string, 48  
 strings-list->string, 62  
 sub-vec3, 88  
 sub-vec4, 89  
 symbol, 54  
 symbol->string, 63  
 symbol->string, 49  
 symbol->string, 35  
 symbol->string, 22  
 symbol?, 49  
 symbol?, 63  
 Szenen erzeugen, 87  
 tan, 32  
 tan, 59  
 tan, 19  
 tan, 45  
 Testfile, 13  
 text, 75  
 transform-primitive-list, 92  
 transform-vec3, 91  
 transpose-matrix4x4, 90  
 triangle, 75  
 true, 11  
 true?, 60  
 true?, 32  
 true?, 20  
 true?, 46  
 turn, 84  
 turtle, 84  
 Turtle-Grafik: "turtle.ss", 80  
 turtle-Teachpack, 100  
 Tutorial, 80  
 v-mode, 76  
 v-place, 76  
 vec3, 88  
 vec4, 89  
 Verbesserungen, 83  
 vertikale Feld, 87  
 vertikale Justierungsangabe, 76  
 vertikale Positionsangabe, 76  
 Vertrags-Variablen, 12  
 Vertragserklärung, 10  
 Verträge, 9  
 Verträge, 54  
 violation, 35

[violation](#), 22  
[violation](#), 63  
[violation](#), 49  
*Welt*, 78  
world, 78  
world-Teachpack, 94  
[write-newline](#), 22  
[write-newline](#), 63  
[write-newline](#), 35  
[write-newline](#), 49  
[write-string](#), 22  
[write-string](#), 63  
[write-string](#), 49  
[write-string](#), 35  
[zero?](#), 59  
[zero?](#), 19  
[zero?](#), 32  
[zero?](#), 45  
zusammengesetzte Daten, 67  
zusammengesetzte Daten als Argumente, 67  
zusammengesetzte Daten als Ausgabe, 68